

**ГОСУДАРСТВЕННЫЙ КОМИТЕТ СТАНДАРТОВ
СОВЕТА МИНИСТРОВ СССР**

**ВСЕСОЮЗНЫЙ НАУЧНО-ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ ИНСТИТУТ
МЕТРОЛОГИЧЕСКОЙ СЛУЖБЫ**

МЕТОДИКА
аттестации мер цилиндричности
МИ 145—77

МОСКВА
ИЗДАТЕЛЬСТВО СТАНДАРТОВ
1978

**РАЗРАБОТАНА Всесоюзным научно-исследовательским институ-
том метрологической службы (ВНИИМС)**

Руководитель темы В. С. Чихалов

Ответственный исполнитель С. С. Бабаев

**ПОДГОТОВЛЕНА К УТВЕРЖДЕНИЮ Всесоюзным научно-исследова-
тельским институтом метрологической службы (ВНИИМС)**

Начальник сектора Г. А. Сафаров

Исполнитель Л. Б. Чернышева

**УТВЕРЖДЕНА Научно-техническим советом ВНИИМС 12 декабря
1977 г. (протокол № 9)**

МЕТОДИКА

АТТЕСТАЦИИ МЕР ЦИЛИНДРИЧНОСТИ

МИ 145—77

Настоящая методика распространяется на меры, представляющие собой цилиндрические поверхности, у которых нормированы параметры отклонений от цилиндричности и (или) ее составляющих — изогнутости, конусообразности и др., и (или) параметры отклонений формы профилей — некруглости и непрямолинейности, и устанавливает методы и средства их первичной и периодической аттестаций.

1. ОПЕРАЦИИ И СРЕДСТВА АТТЕСТАЦИИ

1.1. При проведении аттестации необходимо выполнять операции и применять средства поверки, указанные в таблице.

Наименование операций	Номера пунктов методики	Средства аттестации	Обязательность проведения операций при		
			выпуске из производства	ремонте	эксплуатации и хранении
Внешний осмотр	3.1		+	+	+
Преобразование реальной номинально цилиндрической поверхности и определение координат точек преобразованной поверхности	3.2				
в прямолинейной цилиндрической системе координат (непрямолинейность относительного перемещения в направлении оси вращения нормируется)	3.2.1	Талисента Талиронд 3	+	+	+

Наименование операций	Номера пунктов методики	Средства аттестации	Обязательность проведения операций при		
			выпуске из производства	ремонте	эксплуатации и хранении
в криволинейной цилиндрической системе координат (непрямолинейность относительного перемещения в направлении оси вращения не нормируется)	3.2.2	Талиронд 3	+	+	+
Определение параметров отклонений от цилиндричности	3.3	Талинова	+	+	+
Определение параметров изогнутости поверхности	3.4.	»	+	+	+
Определение параметров конусности поверхности	3.5.	»	+	+	+
Определение параметров отклонений от круглости	3.6.	»	+	+	+
Определение параметров отклонений от прямолинейности	3.7.	»	+	+	+

Примечание. Средства аттестации, указанные в таблице (пп. 3.2.1 и 3.2.2), приведены в качестве примеров для реализации схем 4 и 5.

1.2. Допускается применять методы и средства аттестации, не указанные в настоящей методике, и пользоваться специальными средствами, прошедшими метрологическую аттестацию в органах государственной метрологической службы и удовлетворяющими по точности требованиям аттестации мер.

2. УСЛОВИЯ АТТЕСТАЦИИ И ПОДГОТОВКА К НЕЙ

2.1. Перед аттестацией меры цилиндричности предварительно выдерживают в помещении, в котором проводят аттестацию, не менее 8 ч.

2.2. Аттестацию мер цилиндричности следует проводить в помещении при температуре воздуха $20 \pm 5^\circ\text{C}$ и относительной влажности не более 75%.

2.3. Изменение температуры при измерении в течение 1 ч не должно превышать $0,2^\circ\text{C}$.

2.4. Амплитуда возможных вибраций при частоте 0,1—50 Гц не должна превышать 0,01—0,003 мм.

2.5. С цилиндрической меры должна быть удалена смазка бензином Б-70 по ГОСТ 1012—72, затем поверхности следует протереть чистым мягким полотенцем по ГОСТ 7259—77.

3. ПРОВЕДЕНИЕ АТТЕСТАЦИИ

3.1. Внешний осмотр.

При внешнем осмотре следует проверить соответствие мер цилиндричности требованию отсутствия на цилиндрической поверхности вмятин, царапин и других дефектов, ухудшающих свойства мер.

3.2. Преобразование реальной номинально цилиндрической поверхности и определение координат точек преобразованной поверхности.

3.2.1. В прямолинейной цилиндрической системе координат (непрямолинейность относительного перемещения в направлении оси вращения нормируется). Преобразование реальной номинально цилиндрической поверхности выполняют на приборе типа кругломер, имеющем аттестованные значения непрямолинейности относительного перемещения шпинделя (Рис. 1, 2) или шпиндельной коробки (Рис. 3, 4) вдоль оси вращения шпинделя и радиальной составляющей погрешности прибора при условии, что эти значения пренебрежимо малы по сравнению с нормируемым значением параметра нецилиндричности.

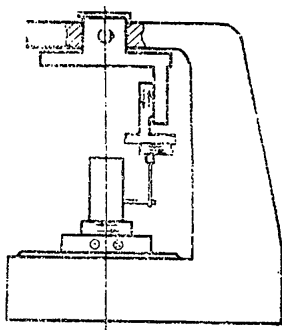


Рис. 1

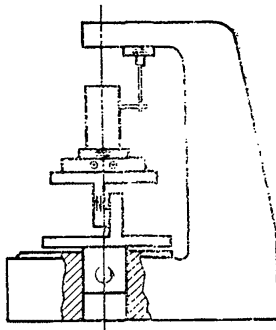


Рис. 2

Допускается применять приборы, у которых значения непрямолинейности перемещения узлов прибора и радиальной составляющей погрешности прибора могут быть соизмеримы с нормируемым значением параметра нецилиндричности при условии, что случайные составляющие этих погрешностей пренебрежимо малы

по сравнению с систематическими и имеется методика исключения систематических погрешностей из результатов измерения отклонений координат точек реальной цилиндрической поверхности.

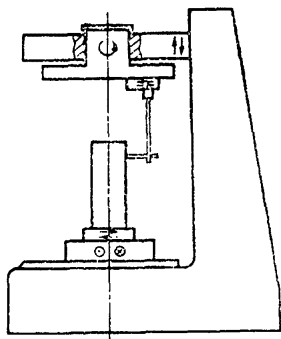


Рис. 3

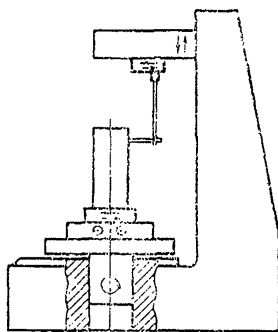


Рис. 4

Аттестуемый образец устанавливают на предметный стол прибора, и выполняют его центрирование и нивелирование путем устранения эксцентриситетов в верхнем и нижнем (крайних) сечениях контролируемой поверхности.

Выполняют операцию преобразования профилей реальной номинально цилиндрической поверхности путем ее ощупывания измерительным преобразователем в ряде равноудаленных друг от друга радиальных сечений при соблюдении условия, что при переходе от сечения к сечению не проводят дополнительного центрирования контролируемого образца и радиального смещения измерительного преобразователя и (или) изменения постоянной составляющей сигнала.

Координаты точек преобразованной поверхности определяют путем измерения отклонений радиуса-вектора U_{ji} (где $j=1, 2, \dots, m$; $i=1, 2, \dots, n$) в n равномерно расположенных осевых сечениях каждого из m радиальных сечений от постоянного уровня, соответствующего некоторым произвольно выбранным окружностям постоянного радиуса, центры которых лежат на оси вращения шпинделя.

3.2.2. В криволинейной цилиндрической системе координат (непрямолинейность относительного перемещения в направлении оси вращения не нормируется). Преобразование реальной номинально цилиндрической поверхности выполняют на одном приборе типа кругломер, у которого как шпиндель, так и шпиндельная коробка снабжены направляющими для поступательного их перемещения в направлении оси вращения, или на двух приборах типа кругломер, один из которых имеет вращающийся измери-

тельный преобразователь, а другой — вращающийся предметный стол.

Данным методом определяют те же координаты точек преобразованной поверхности, что и в системе координат, описанной в п. 3.2.1, при отсутствии каких-либо требований к прямолинейности перемещения узлов приборов в направлении оси вращения с точностью, определяемой в основном радиальной погрешностью прибора и погрешностью, возникающей в результате несовмещения сечений при повторных измерениях.

Аттестуемый образец устанавливают на предметный стол прибора и выполняют его центрирование и нивелирование аналогично изложенному в п. 3.2.1.

Выполняют операцию преобразования профилей реальной номинально цилиндрической поверхности путем ее ощупывания измерительным преобразователем в ряде равноудаленных друг от друга сечений, перемещая шпиндельную коробку вдоль оси вращения при соблюдении условия, что при переходе от сечения к сечению радиально не смещают измерительный преобразователь и (или) не изменяют постоянной составляющей сигнала (при этом допускается выполнять дополнительное центрирование контролируемого образца), если преобразование профилей выполняют на приборе, кинематическая схема которого представлена на рис. 5. Если преобразование профилей выполняют на приборе, кинематическая схема которого представлена на рис. 6, то не-

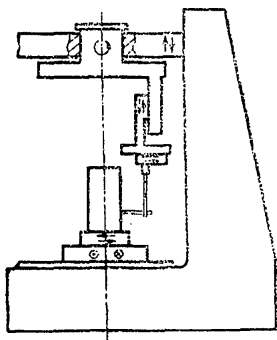


Рис. 5

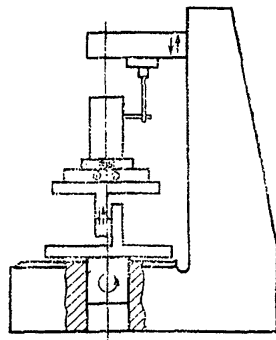


Рис. 6

обходимо соблюдать условие, что при переходе от сечения к сечению не проводят дополнительного центрирования контролируемого образца (при этом допускается радиально смещать измерительный преобразователь и (или) изменять постоянную составляющую сигнала).

Затем измерительный преобразователь возвращают в первоначальное положение.

Выполняют повторное ощупывание профилей в тех же радиальных сечениях цилиндрической поверхности, перемещая шпиндель вдоль оси вращения, при соблюдении условия, что при переходе от сечения к сечению не проводят дополнительного центрирования контролируемого образца (при этом допускается радиально смещать измерительный преобразователь и (или) изменять постоянную составляющую сигнала), если преобразование профилей выполняют на приборе, кинематическая схема которого представлена на рис. 5. В случае, если преобразование профилей выполняют на приборе, кинематическая схема которого представлена на рис. 6, то необходимо соблюдать условие, что при переходе от сечения к сечению радиально не смещают измерительный преобразователь и (или) не изменяют постоянной составляющей сигнала (при этом допускается дополнительно центрировать контролируемый образец).

Отклонения радиусов-векторов U_{1ji} , U_{2ji} измеряют аналогично указанному в п. 3.2.1 в одних и тех же точках пересечения сечений j и i .

Измерение отклонений координат точек реальной цилиндрической поверхности на двух приборах типа кругломер полностью соответствует измерению на приборе, имеющем направляющие для перемещения шпиндельной коробки и шпинделя, при условии, что радиальные составляющие погрешностей этих приборов и погрешность, возникающая в результате несовмещения точек пересечения сечений j и i , пренебрежимо малы.

При этом измерение на приборе с вращающимся измерительным преобразователем и относительно перемещающимся вдоль оси вращения предметным столом (см. рис. 3) соответствует измерению при перемещении шпиндельной коробки на приборе, выполненном по кинематической схеме рис. 5, или измерению при перемещении шпинделя на приборе, выполненном по кинематической схеме рис. 6, а измерение на приборе с вращающимся предметным столом и относительно перемещающимся вдоль оси вращения измерительным преобразователем (см. рис. 4) соответствует измерению при перемещении шпинделя на приборе, выполненном по кинематической схеме рис. 5, или измерению при перемещении шпиндельной коробки на приборе, выполненном по кинематической схеме рис. 6.

3.3. Определение параметров отклонений от цилиндричности.

Для определения параметров отклонений от цилиндричности необходимо по измеренным значениям координат точек преобразованной поверхности определить параметры базовой цилиндрической поверхности.

В цилиндрической системе координат реальная цилиндрическая поверхность может быть представлена выражением

$$f(\varphi, \rho, z) = \rho(\varphi, z) - R - (\lambda_x + \beta_x z) \cos \varphi - (\lambda_y + \beta_y z) \sin \varphi, \quad (1)$$

где $\rho(\varphi, z)$ — текущее значение радиуса-вектора реальной цилиндрической поверхности в произвольно выбранной системе ко-

ординат; R — радиус базовой цилиндрической поверхности; λ_x , λ_y , β_x , β_y — параметры оси базовой цилиндрической поверхности. В соответствии с п. 3.2.1 выражение (1) примет вид

$$H_{ji} = \Delta \rho_{ji} - \Delta R - (\lambda_x + \beta_x z_j) \cos \varphi_i - (\lambda_y + \beta_y z_j) \sin \varphi_i, \quad (2)$$

где H_{ji} — отклонение радиуса-вектора в сечениях преобразованной поверхности от базовой цилиндрической поверхности; $\Delta \rho_{ji}$ — отклонение радиуса-вектора в сечениях преобразованной поверхности от цилиндрической поверхности произвольно выбранным радиусом R^* , ось которой совпадает с осью z ; ΔR — постоянная составляющая отклонения радиуса базовой цилиндрической поверхности от поверхности радиусом R^* ; z_j — координата сечения j ; φ_i — координата сечения i .

Для оценки параметров отклонений от цилиндричности наиболее часто используют четыре вида базовой цилиндрической поверхности:

- 1) цилиндрическую поверхность, проведенную по методу наименьших квадратов;
- 2) прилегающую описанную цилиндрическую поверхность;
- 3) прилегающую вписанную цилиндрическую поверхность;
- 4) цилиндрическую поверхность наименьшей зоны (зональную поверхность).

Из этих поверхностей только для цилиндрической, проведенной по методу наименьших квадратов, выявлена математическая связь ее параметров R , λ_x , β_x , λ_y , β_y с координатами точек реальной поверхности. Параметры остальных трех поверхностей можно определить только итерационным путем.

На основе изложенного выше в данной методике приведены зависимости только для базовых поверхностей и линий, проведенных по методу наименьших квадратов.

Параметры базовой цилиндрической поверхности, проведенной по методу наименьших квадратов, определяют по координатам точек преобразованной по п. 3.2.1 реальной цилиндрической поверхности по формулам

$$\lambda_x = \frac{M_v \left(\sum_{j=1}^m j^2 \sum_{i=1}^n \sum_{t=1}^n U_{jit} \cos \frac{2\pi i}{n} - \sum_{j=1}^m j \sum_{i=1}^m \sum_{t=1}^n j U_{jit} \cos \frac{2\pi i}{n} \right)}{\frac{n}{2} \left[m \sum_{j=1}^m j^2 - \left(\sum_{j=1}^m j \right)^2 \right]}; \quad (3)$$

$$\beta_x = \frac{M_v \left(m \sum_{j=1}^m \sum_{i=1}^n j U_{jit} \cos \frac{2\pi i}{n} - \sum_{j=1}^m j \sum_{i=1}^m \sum_{t=1}^n U_{jit} \cos \frac{2\pi i}{n} \right)}{M_z \frac{n}{2} \left[m \sum_{j=1}^m j^2 - \left(\sum_{j=1}^m j \right)^2 \right]}; \quad (4)$$

$$\lambda_y = \frac{M_v \left(\sum_{j=1}^m j^2 \sum_{i=1}^n \sum_{t=1}^n U_{jit} \sin \frac{2\pi i}{n} - \sum_{j=1}^m j \sum_{i=1}^m \sum_{t=1}^n j U_{jit} \sin \frac{2\pi i}{n} \right)}{\frac{n}{2} \left[m \sum_{j=1}^m j^2 - \left(\sum_{j=1}^m j \right)^2 \right]}; \quad (5)$$

$$\beta_y = \frac{M_v \left(m \sum_{j=1}^m \sum_{i=1}^n j U_{ji} \sin \frac{2\pi i}{n} - \sum_{i=1}^m \sum_{j=1}^m j \sum_{i=1}^n U_{ji} \sin \frac{2\pi i}{n} \right)}{M_z \frac{n}{2} \left[m \sum_{j=1}^m j^2 - \left(\sum_{j=1}^m j \right)^2 \right]}, \quad (6)$$

$$\Delta R = \frac{M_v}{mn} \sum_{j=1}^m \sum_{i=1}^n U_{ji}, \quad (7)$$

где M_v — масштабный множитель полярного вектора (цена деления при измерении U_{ji}); M_z — расстояние между сечениями j ; $\Delta \rho_{ji} = U_{ji} M_v$; $z_j = j M_z$, $\Phi_l = \frac{2\pi l}{n}$.

Отклонения H_{jl} радиусов-векторов в сечениях j, i преобразованной поверхности от базовой цилиндрической поверхности, проведенной по методу наименьших квадратов, определяют с учетом выражений для $\Delta \rho_{ji}$, z_j , Φ_l , λ_x , β_x , λ_y , β_y , ΔR по формуле

$$H_{jl} = M_v \left\{ U_{jl} - \frac{1}{mn} \sum_{j=1}^m \sum_{i=1}^n U_{ji} - \frac{2[(D \times F - L \times T) C_i + (P \times F - J \times T) S_i]}{n\Phi} \right\}, \quad (8)$$

где

$$\begin{aligned} D &= \sum_{j=1}^m \sum_{i=1}^n U_{ji} C_i; & P &= \sum_{j=1}^m \sum_{i=1}^n U_{ji} S_i; & L &= \sum_{j=1}^m \sum_{i=1}^n j U_{ji} C_i; \\ J &= \sum_{j=1}^m \sum_{i=1}^n j U_{ji} S_i; & C_i &= \cos \frac{2\pi i}{n}; & S_i &= \sin \frac{2\pi i}{n}; \\ F &= I - j\Gamma; & T &= \Gamma - jm; & I &= \sum_{j=1}^m j^2; & \Phi &= mI - \Gamma^2; \\ \Gamma &= \sum_{j=1}^m j. \end{aligned}$$

По значениям радиусов-векторов H_{jl} определяют параметры, характеризующие отклонения от цилиндричности.

1. Наибольшее отклонение от цилиндричности

$$H_{\text{Цmax}} = |H_{\text{max}}| + |H_{\text{min}}|. \quad (9)$$

2. Среднее арифметическое значение из взятых по модулю отклонений от цилиндричности

$$H_{\text{Цa}} = \frac{1}{mn} \sum_{j=1}^m \sum_{i=1}^n |H_{ji}|. \quad (10)$$

3. Среднее квадратическое значение отклонения от цилиндричности

$$H_{\text{Цq}} = \sqrt{\frac{1}{mn} \sum_{j=1}^m \sum_{i=1}^n H_{ji}^2}. \quad (11)$$

В качестве примера в приложении 1 приведена программа на языке АЛМИР-65 для ЭВМ МИР 1.

Для определения параметров отклонений от цилиндричности при преобразовании реальной цилиндрической поверхности по п. 3.2.2 выражение (1) примет вид

$$H_{ji} = \Delta \rho_{1ji} - \Delta R_1 - a_{1j} \cos \varphi_i - b_{1j} \sin \varphi_i + (a_{2j} - \lambda_{x_2} - \beta_{x_2} z_j) \cos \varphi_i + (b_{2j} - \lambda_{y_2} - \beta_{y_2} z_j) \sin \varphi_i, \quad (12)$$

где $\Delta \rho_{1ji}$ — отклонения радиуса-вектора в сечениях j, i преобразованной поверхности от цилиндрической поверхности произвольно выбранным радиусом R^* , ось которой совпадает с осью z , при искаженной информации о положении и форме оси реальной поверхности; $\Delta \rho_{2ji}$ — отклонение радиуса-вектора в сечениях j, i преобразованной поверхности от цилиндрической поверхности радиусом R^* , ось которой совпадает с осью z , при искаженной информации об измерении постоянной составляющей реальной поверхности в каждом из сечений j ; ΔR_1 — постоянная составляющая отклонения радиуса базовой цилиндрической поверхности, определенная по $\Delta \rho_{1ji}$, от поверхности радиусом R^* ; a_{1j} , b_{1j} , a_{2j} , b_{2j} — проекции смещения центров базовых окружностей на осях, x, y в сечении j , определенные соответственно по $\Delta \rho_{1ji}$ и $\Delta \rho_{2ji}$ от оси z , λ_{x_2} , λ_{y_2} , β_{x_2} , β_{y_2} — параметры оси базовой цилиндрической поверхности, определенные по $\Delta \rho_{2ji}$.

Для базовой цилиндрической поверхности, проведенной по методу наименьших квадратов, значения ΔR_1 , λ_{x_2} , β_{x_2} , λ_{y_2} , β_{y_2} определяют по формулам (7), (3), (4), (5), (6), подставляя вместо U_{ji} соответственно U_{1ji} или U_{2ji} .

Параметры a_{1j} , b_{1j} и a_{2j} , b_{2j} определяют по формулам

$$a_{1(2)j} = \frac{2M_v}{n} \sum_{i=1}^n U_{1(2)ji} \cos \frac{2\pi i}{n}; \quad (13)$$

$$b_{1(2)j} = \frac{2M_v}{n} \sum_{i=1}^n U_{1(2)ji} \sin \frac{2\pi i}{n}. \quad (14)$$

Отклонения H_{ji} радиусов-векторов в сечениях j, i преобразованной поверхности от базовой цилиндрической поверхности, проведенной по методу наименьших квадратов, определяют с учетом выражений для ΔR_1 , λ_{x_2} , β_{x_2} , λ_{y_2} , β_{y_2} , a_{1j} , b_{1j} , a_{2j} , b_{2j} , z_j , φ_i , $\Delta \rho_{1ji}$, $\Delta \rho_{2ji}$ по формуле

$$H_{ji} = M_v \left\{ U_{1ji} - \frac{1}{mn} \sum_{j=1}^m \sum_{i=1}^n U_{1jil} - \frac{2C_i}{n} \left(\sum_{l=1}^n U_{1jl} C_l - \sum_{l=1}^n U_{2jl} S_l \right) - \frac{2S_i}{n} \left(\sum_{l=1}^n U_{1jl} S_l - \sum_{l=1}^n U_{2jl} S_l \right) - \frac{2[(D_2 \times F - J_2 \times T) C_i + (J_2 \times F - J_2 \times T) S_i]}{n\Phi} \right\}, \quad (15)$$

$$\text{где } D_2 = \sum_{j=1}^m \sum_{i=1}^n U_{2ji} C_i; \quad P_2 = \sum_{j=1}^m \sum_{i=1}^n U_{2ji} S_i;$$

$$L_2 = \sum_{j=1}^m \sum_{i=1}^n j U_{2ji} C_i; \quad J_2 = \sum_{j=1}^m \sum_{i=1}^n j U_{2ji} S_i.$$

Программа определения параметров отклонений от цилиндричности при преобразовании реальной цилиндрической поверхности по п. 3.2.2 приведена в приложении 2.

В случае, если изогнутость цилиндрической поверхности пренебрежимо мала по сравнению с нецилиндричностью реальной поверхности, значения отклонений от цилиндричности для преобразования в соответствии с п. 3.2.1 могут быть определены по формуле

$$H_{ji} = M_v(U_{ji} - \frac{1}{mn} \sum_{j=1}^m \sum_{i=1}^n U_{ji} - \frac{2C_i}{n} \sum_{i=1}^n U_{ji} C_i - \frac{2S_i}{n} \sum_{i=1}^n U_{ji} S_i). \quad (16)$$

3.4. Определение параметров изогнутости поверхности.

Под изогнутостью поверхности в данной методике понимается отклонение геометрического места центров базовых окружностей от оси базовой цилиндрической поверхности.

Для определения параметров изогнутости реальной цилиндрической поверхности по значениям координат точек U_{1ji} преобразованной по п. 3.2.1 поверхности или по координатам точек U_{2ji} преобразованной по п. 3.2.2 поверхности вычисляют координаты центров средних окружностей по формулам (13) и (14).

Определяют координаты прямых линий, построенных по методу наименьших квадратов в плоскостях zx и zy ,

$$x_j = \lambda_x + \beta_x j M_z; \quad (17)$$

$$y_j = \lambda_y + \beta_y j M_z, \quad (18)$$

где коэффициенты λ_x , β_x , λ_y , β_y находят по формулам (3), (6).

Программа определения параметров и координат оси реальной цилиндрической поверхности приведена в приложении 3.

По значениям координат x_j и y_j определяют значения отклонений ΔC_j и фазовый угол γ_j геометрического места центров средних окружностей от оси базовой цилиндрической поверхности, проведенной по методу наименьших квадратов:

$$\Delta C_j = \sqrt{(a_j - x_j)^2 + (b_j - y_j)^2}; \quad (19)$$

$$\gamma_j = \frac{180}{\pi} \arctg \left(\frac{b_j - y_j}{a_j - x_j} \right). \quad (20)$$

Графически изогнутость может быть представлена в виде совокупности радиусов-векторов ΔC_j , исходящих из одного центра.

(рис. 7). Для ее оценки используют два вида характеристик: предельные и усредненные.

В качестве предельных характеристик рекомендуется использовать один из трех параметров:

ξ_1 — удвоенное значение максимального отклонения ΔC_{\max_1} ;

ξ_2 — наименьший диаметр охватывающей окружности;

ξ_3 — сумму наибольшего радиуса-вектора, взятого по модулю ΔC_{\max_1} , имеющего фазовый угол $0 \leq \gamma_{\max_1} \leq 360^\circ$, и наибольшего радиуса-вектора, взятого по модулю ΔC_{\max_2} с фазовым углом $\gamma_{\max_1} + 90^\circ \leq \gamma_{\max_2} \leq \gamma_{\max_1} + 270^\circ$.

Параметр ξ_1 дает наибольшее значение изогнутости (диаметр окружности 1 на рис. 7), и ось охватывающего цилиндра совпадает с осью базового цилиндра, проведенного по методу наименьших квадратов.

Параметр ξ_2 дает меньшее, чем параметр ξ_1 , значение изогнутости (диаметр окружности 2 на рис. 7) и в общем случае приводит к смещению центра охватывающей окружности в произвольном направлении относительно оси базового цилиндра, проведенного по методу наименьших квадратов. Определение значения параметра ξ_2 более трудоемко, чем значений параметров ξ_1 и ξ_3 .

Значение параметра ξ_3 в общем случае находится между значениями параметров ξ_1 и ξ_2 , т. е. $\xi_2 \leq \xi_3 \leq \xi_1$.

В частном случае для изогнутости в плоскости $\xi_3 \leq \xi_2 \leq \xi_1$ параметры ξ_1 , ξ_2 , ξ_3 определяются по формулам

$$\xi_1 = 2\Delta C_{\max_1}; \quad (21)$$

$$\xi_2 = f(\Delta C_j, \gamma_j); \quad (22)$$

$$\xi_3 = \Delta C_{\max_1} + \Delta C_{\max_2}. \quad (23)$$

В качестве усредненных характеристик изогнутости могут быть использованы два параметра: среднее арифметическое значение изогнутости и среднее квадратическое значение изогнутости:

$$\xi_a = \frac{1}{m} \sum_{j=1}^m \Delta C_j; \quad (24)$$

$$\xi_g = \sqrt{\frac{\sum_{j=1}^m \Delta C_j^2}{m}}. \quad (25)$$

Программа определения параметров изогнутости приведена в приложении 4.

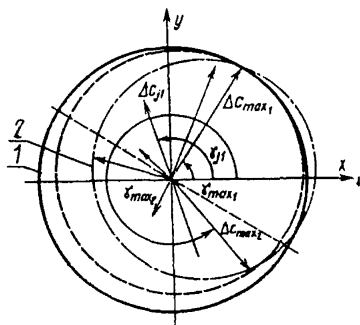


Рис. 7

3.5. Определение параметров конусности поверхности

В качестве параметров конусности выбраны: угол наклона образующей конической поверхности, проведенной по методу наименьших квадратов, к оси базовой цилиндрической поверхности, также проведенной по методу наименьших квадратов, и разность радиусов в сечениях, расположенных на заданной длине

В случае, если линия пересечения цилиндрической и конической поверхностей, проведенных по методу наименьших квадратов, проходит через сечение $(m+1)/2$, значение указанного выше угла определяют по формуле

$$\alpha = \arctg \frac{\sum_{j=1}^m \sum_{i=1}^n H_{ji} (j - \frac{m+1}{2})}{M_z n \sum_{j=1}^m (j - \frac{m+1}{2})^2}; \quad (26)$$

$$\alpha^* = \frac{\alpha \cdot 648000}{\pi}.$$

Значение разности радиусов (PR) в крайних сечениях (на длине L) определяют по формуле

$$PR = M_z(m-1) \operatorname{tg} \alpha^*, \quad (27)$$

где $L = M_z(m-1)$.

Программа определения параметров конусности приведена в приложении 5.

3.6. Определение параметров отклонений от круглости.

Для определения параметров отклонений от круглости по значениям координат точек U_{ji} , преобразованной по п. 3.2.1 поверхности или координатам точек U_{ji} либо U_{2ji} преобразованной по п. 3.2.2 поверхности вычисляют отклонения радиуса-вектора Q_{ji} преобразованного профиля от базовой окружности в каждом из m сечений.

Если в качестве базовой окружности используют окружность, проведенную по методу наименьших квадратов, то

$$Q_{ji} = M_0 U_{ji} - \Delta R_j - a_j \cos \frac{2\pi i}{n} - b_j \sin \frac{2\pi i}{n}. \quad (28)$$

Значения параметров базовых окружностей ΔR_j , a_j , b_j определяют по формулам (7), (13), (14).

По значениям радиусов-векторов определяют параметры отклонений от круглости в каждом из m сечений.

Наибольшее значение некруглости

$$HK_{\max j} = |Q_{\max j}| + |Q_{\min j}|. \quad (29)$$

Среднее арифметическое значение из взятых по модулю отклонений от круглости

$$HK_{aj} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n |Q_{ji}|. \quad (30)$$

Среднее квадратическое отклонение от круглости

$$HK_{qj} = \sqrt{\frac{1}{n} \sum_{i=1}^n Q_{ji}^2}. \quad (31)$$

По значениям параметров, полученных по формулам (29) — (31), определяют их наибольшие и средние значения; HK_{\max} , \overline{HK}_{\max} , $HK_{a_{\max}}$, \overline{HK}_a , $HK_{q_{\max}}$, \overline{HK}_q .

Программа определения параметров отклонений от круглости приведена в приложении 6.

3.7. Определение параметров отклонений от прямолинейности.

Значения параметров отклонений от прямолинейности можно определить по координатам точек U_{ji} преобразованной по п. 3.2.1 поверхности или по отклонению радиуса-вектора H_{ji} от базовой цилиндрической поверхности.

Отклонение радиуса-вектора P_{ji} преобразованного профиля от базовой прямой линии, проведенной по методу наименьших квадратов, в каждом из n сечений, определяют по формуле

$$P_{ji} = M_i \left[U_{ji} - \frac{\sum_{j=1}^m U_{ji} \sum_{j=1}^m j^2 - \sum_{j=1}^m j U_{ji} \sum_{j=1}^m j + j m \sum_{j=1}^m j U_{ji} - j \sum_{j=1}^m j \sum_{j=1}^m U_{ji}}{m \sum_{j=1}^m j^2 - (\sum_{j=1}^m j)^2} \right]. \quad (32)$$

По значениям радиусов-векторов P_{ji} определяют параметры отклонений от прямолинейности в каждом из n сечений.

Наибольшее значение непрямолинейности

$$HP_{\max_i} = |P_{\max_i}| + |P_{\min_i}|. \quad (33)$$

Среднее арифметическое значение из взятых по модулю отклонений от прямолинейности

$$HP_{a_i} = \frac{1}{m} \sum_{j=1}^m |P_{ji}|. \quad (34)$$

Среднее квадратическое значение отклонений от прямолинейности

$$HP_{q_i} = \sqrt{\frac{1}{m} \sum_{j=1}^m P_{ji}^2}. \quad (35)$$

По значениям параметров, полученных по формулам (33) — (35), определяют их наибольшие и наименьшие значения:

$$HP_{\max_{\max}}, \overline{HP}_{\max}, HP_{a_{\max}}, \overline{HP}_a, HP_{q_{\max}}, \overline{HP}_q.$$

Программа определения параметров отклонений от прямолинейности приведена в приложении 7.

4. ПОГРЕШНОСТЬ АТТЕСТАЦИИ МЕР ЦИЛИНДРИЧНОСТИ

Погрешность аттестации меры цилиндричности $\Delta HЦ$ при применении метода преобразования реальной номинально цилиндрической поверхности, изложенного в п. 3.2.1, определяют по формуле, учитывающей некоррелированность и центрированность составляющих:

$$-K \sqrt{\sum_{i=1}^{10} \sigma_i^2} < \Delta HЦ < +K \sqrt{\sum_{i=1}^{10} \sigma_i^2}, \quad (36)$$

где K — коэффициент, учитывающий, что с заданной вероятностью P_Δ погрешность $\Delta HЦ$ находится внутри указанного интервала, и выбираемый согласно приложению 2 ГОСТ 8.009--71; σ_f — среднее квадратическое отклонение составляющей от влияния f -го фактора на погрешность измерения параметров отклонений от цилиндричности;

$f=1$ — погрешность коэффициента увеличения

$$\Delta_y = \frac{K_d - K_n}{K_n},$$

здесь K_d , K_n — действительное и номинальное значения коэффициента увеличения соответственно;

$$\sigma_1 = HЦ_{\max} \cdot \Delta_y / \gamma_1;$$

$f=2$ — отклонение радиуса кривизны шупа Δ_r ;

$$\sigma_2 = \Delta_r (\sec \alpha_1 - 1) / \gamma_2,$$

где $\alpha_1 = \arctg \frac{4Aq}{2\pi R}$ — угол наклона боковой грани неровности высокочастотной гармонической составляющей к базовой окружности; A — значение амплитуды гармонической составляющей; q — номер высокочастотной гармоники; R — радиус детали; $f=3$ — максимальное отклонение частотной характеристики от номинального значения $\Delta_{ч.х}$;

$$\sigma_3 = \Delta_{ч.х} HЦ_{\max} / \gamma_3$$

$f=4$ — число осевых сечений n ;

$$\sigma_4 = K_n HК_{\max} / \gamma_4,$$

здесь $HК_{\max}$ — максимальное значение некруглости сечения меры; K_n — коэффициент, принимающий значения от 0 до 1 и определяемый или экспериментально, или по теореме Котельникова;

$f=5$ — число радиальных сечений,

$$\sigma_5 = \Pi \cdot H\Pi_{\max} / \gamma_5,$$

здесь $H\Pi_{\max}$ — максимальное значение непрямолинейности образующей меры; Π — коэффициент, принимающий значение от 0 до 1 и определяемый или экспериментально, или по теореме Котельникова;

$f=6$ — непараллельность траектории перемещения щупа оси вращения шпинделя $\Delta_{п1}$;

$$\sigma_6 = \Delta_{п1} / \gamma_6;$$

$f=7$ — погрешность вращения шпинделя радиальная $\Delta_{шр}$;

$$\sigma_7 = \Delta_{шр} / \gamma_7;$$

$f=8$ — непрямолинейность траектории перемещения щупа $\Delta_{п2}$;

$$\sigma_8 = \Delta_{п2} / \gamma_8;$$

$f=9$ — дрейф исходного нулевого уровня Δ_d ;

$$\sigma_9 = \Delta_d / \gamma_9;$$

$f=10$ — погрешность вращения шпинделя осевая $\Delta_{шо}$;

$$\sigma_{10} = \Delta_{шо} \operatorname{tg} \alpha_2 / \gamma_{10},$$

здесь $\alpha_2 = \arctg \frac{4Aq}{l}$ — угол наклона боковой грани неровности высокочастотной гармонической составляющей к базовой прямой линии; l — длина, на которой определяют параметр нецилиндричности.

Погрешность аттестации меры цилиндричности при применении метода преобразования реальной номинально цилиндрической поверхности, изложенного в п. 3.2.2, определяют также по формуле (36), но с заменой факторов f_6 — f_8 :

$f=6$ — несовпадение осевых сечений при повторных измерениях $\Delta_{со}$;

$$\sigma_6 = \sqrt{n} \cdot \Delta_{со} \cdot \operatorname{tg} \alpha_1 / \gamma_6;$$

$f=7$ — погрешность вращения шпинделя $\Delta_{шр}$;

$$\sigma_7 = \sqrt{2} \Delta_{шр} / \gamma_7,$$

$f=8$ — несовпадение радиальных сечений при повторных измерениях;

$$\sigma_8 = \sqrt{m} \Delta_{ср} \operatorname{tg} \alpha_2 / \gamma_8;$$

γ_f (где $f = 1, 2, \dots$) — коэффициент, учитывающий закон распределения соответствующей погрешности.

5. ОФОРМЛЕНИЕ РЕЗУЛЬТАТОВ АТТЕСТАЦИИ

5.1. На меры цилиндричности, прошедшие аттестацию с положительными результатами, выдают свидетельство о государственной или ведомственной аттестации по форме, установленной Госстандартом СССР.

5.2. Результаты аттестации мер цилиндричности при выпуске из производства завод-изготовитель заносит в паспорт.

**ПРОГРАММА ОПРЕДЕЛЕНИЯ ПАРАМЕТРОВ ОТКЛОНЕНИЙ ОТ
ЦИЛИНДРИЧНОСТИ ПРИ ПРЕОБРАЗОВАНИИ РЕАЛЬНОЙ
ЦИЛИНДРИЧЕСКОЙ ПОВЕРХНОСТИ ПО п 3.2.1**

""5.1.PP=ARCSIN(1)×2; L=2×PP/N; Г=Σ (J=1, M, J); И=Σ (J=1, M, J×J); Ф=M×И-Г×Г; "ДЛ" I=1 "Ш" I "ДО" N "ВЫП" (C[I]=COS(I×L); H[I]=SIN(I×L)); Д=0; Л=0; П=0; Я=0; "ДЛ" J=1 "Ш" I "ДО" M "ВЫП" {A=Σ (I=1, N, U[J, I]×C[I])/N×2; B=Σ (I=1, N, U[J, I]×H[I])/N×2; Д=Д+А; Л=Л+А×J; П=П+В; Я=Я+В×J); R=Σ (J=1, M, Σ (I=1, N, U [J, I]))/(N×M); Б=0; Ы=0; Ц=0; Ю=0; Щ=0; Ж=0; "ДЛ" J=1 "Ш" I "ДО" M "ВЫП" (F=И-J×Г; Т=Г-J×М; "ДЛ" I=1 "Ш" I "ДО" N "ВЫП" (U[J, I]= {U[J, I] - ((Д×F - Л×Т)×C[I] + (П×F - Я×Т)×H[I])/Ф - R)×MV; "Е" U[J, I] > Б "ТО" (Б=U[J, I]; Ы=J; Ц=I; "HA" Q); "Е" U[J, I] < Ю "ТО" (Ю=U [J, I]; Щ=J; Ж=I); Q)); V=Б-Ю; CA=Σ (J=1, M, Σ (I=1, N, ABS(U [J, I])))/(N×M); СК=V(Σ (J=1, M, Σ (I=1, N, U[J, I]↑2))/(N×M)); "ВЫВ""ЗН" [НЕЦИЛИНДРИЧНОСТЬ], "ПР"2, [СЦ, MAX=], V, "ПР"2, [CA=], CA, "ПР"2, [СК=], СК, "СТР", "ПР"18, [DR=], R×MV, "ПР"2, [MAX=], Б, "ПР"2, [J=], Ы, "ПР", [I=], Ц, "СТР", "ПР"30, [MIN=], Ю, "ПР"2, [J=], Щ, "ПР", [I=], Ж; "ВЫВ""MASS"U"ГДЕ"MV=10; M=7; N=12; U[7, 12]=12.8, 12.5, 10.4, 8.6, 9, 11, 11, 8.1, 7.2, 8.7, 11, 11.7, 14, 12.4, 9.4, 7.1, 7, 8.2, 8.1, 7.4, 7.7, 10.1, 12.2, 13.8, 13.9, 11.3, 8.6, 6.2, 6, 7, 7.2, 7, 8, 10, 12.8, 14.3, 13.8, 11.3, 8.9, 6.9, 6.2, 6.2, 6.3, 6.8, 8, 10.1, 13, 14.2, 13.8, 11, 8.1, 6.3, 5.2, 4.8, 4.7, 5.5, 7.1, 10, 12.9, 14.4, 12.1, 10, 8, 7, 6.7, 6.1, 6, 6.2, 7.1, 9.8, 11.8, 13, 11.9, 10, 8, 7, 6.3, 5.2, 5, 5, 6.6, 9.8, 11.9, 13; C[12]; H[12] "КО"

НЕЦИЛИНДРИЧНОСТЬ СЦ, MAX=.06471₁₀₃ CA=1.02538₁₀₁ СК=.12762₁₀₂

DR=.9175₁₀₂ MAX=.04287₁₀₃ J=1 I=7 MIN=-.21834₁₀₂ J=7 I=1

U[7, 12]

.01163 ₁₀₃	.01485 ₁₀₃	.005 ₁₀₃	.096
.01562 ₁₀₃	.0425 ₁₀₃	.04287 ₁₀₃	.7659 ₁₀₁
-.12493 ₁₀₂	-.10591 ₁₀₂	.00088 ₁₀₃	.1101
.02102 ₁₀₃	.01267 ₁₀₃	-.4445 ₁₀₁	-.12761 ₁₀₂
-.121 ₁₀₁	.01783 ₁₀₃	.01648 ₁₀₃	.1846 ₁₀₁
-.0805 ₁₀₂	.00127 ₁₀₃	.00972 ₁₀₃	.01867 ₁₀₃
.01742 ₁₀₃	.049 ₁₀₁	-.11887 ₁₀₂	-.19608 ₁₀₂
-.08041 ₁₀₂	.00916 ₁₀₃	.01009 ₁₀₃	-.0975 ₁₀₁
-.05607 ₁₀₂	-.188 ₁₀₁	.01256 ₁₀₃	.02034 ₁₀₃
.01381 ₁₀₃	-.69	-.08329 ₁₀₂	-.10461 ₁₀₂
-.02885 ₁₀₂	.4493 ₁₀₁	.3694 ₁₀₁	-.01793 ₁₀₂
-.06164 ₁₀₂	-.303 ₁₀₁	.0114 ₁₀₃	.01601 ₁₀₃
.01121 ₁₀₃	-.487 ₁₀₁	-.15772 ₁₀₂	-.14312 ₁₀₂
-.09725 ₁₀₂	-.06174 ₁₀₂	-.09699 ₁₀₂	-.13608 ₁₀₂
-.15721 ₁₀₂	-.617 ₁₀₁	.724 ₁₀₁	.01468 ₁₀₃

— .841 ₁₀₁	— .1606 ₁₀₂	— .16215 ₁₀₂	— .05164 ₁₀₂
.00844 ₁₀₃	.01016 ₁₀₃	.5918 ₁₀₁	— .05419 ₁₀₂
— .16278 ₁₀₂	— .10326 ₁₀₂	— .0693 ₁₀₂	— .266 ₁₀₁
— .1301 ₁₀₂	— .1725 ₁₀₂	— .15657 ₁₀₂	— .03016 ₁₀₂
.7612 ₁₀₁	.4489 ₁₀₁	— .1485 ₁₀₁	— .1624 ₁₀₂
— .21834 ₁₀₂	— .12474 ₁₀₂	— .091 ₁₀₂	— .598 ₁₀₁

ПРИЛОЖЕНИЕ 2

ПРОГРАММА ОПРЕДЕЛЕНИЯ ПАРАМЕТРОВ ОТКЛОНЕНИЯ ОТ ЦИЛИНДРИЧНОСТИ ПРИ ПРЕОБРАЗОВАНИИ РЕАЛЬНОЙ ЦИЛИНДРИЧЕСКОЙ ПОВЕРХНОСТИ ПО п. 3.2.2

""5.1.PP=ARCSIN(I)X2; L=2XPP/N; Г=Σ(J=1, M, J); И=Σ(J=1, M, JXJ); Ф=МXИ—ГXГ; "ДЛ"И=1"Ш"И"ДО"Н"ВЫП"(C[I]=COS(IXL); H[I]=SIN(IXL)); Д=Σ(J=1, M, Σ(I=1, N, U2[J, I]XC[I])); Л=Σ(J=1, M, Σ(I=1, N, JXU2[J, I]XC[I])); П=Σ(J=1, M, Σ(I=1, N, U2[J, I]XH[I])); Я=Σ(J=1, M, Σ(I=1, N, JXU2[J, I]XH[I])); R=Σ(Y=1, MΣ(I=1, N, U1[J, I]))/(NXM); Б=0; Ы=0; Ц=0; Ю=0; Щ=0; Ж=0; "ДЛ"J=1"Ш"И"ДО"М"ВЫП"(F=И—JXГ; T=Г—JXM; A1=Σ(I=1, N, U1[J, I]XC[I]); A2=Σ(I=1, N, U2[J, I]XC[I]); B1=Σ(I=1, N, U1[J, I]XH[I]); B2=Σ(I=1, N, U2[J, I]XH[I]); "ДЛ"И=1"Ш"И"ДО"Н"ВЫП"(U1[J, I]=(U1[J, I]—R—2XC[I]X(A1—A2+(DXF—ЛXT)/Ф)/N—2XH[I]X(B1—B2+(ΠXF—ЯXT)/Ф)/N)XMV; "E"U1[J, I]>Б"ТО"(Б=U1[J, I]; Ы=J; Ц=I; "HA"Q); "E"U1[J, I]<Ю"ТО"(Ю=U1[J, I]; Щ=J; Ж=I); Q); V=Б—Ю; CA=Σ(J=1, M, Σ(I=1, N, ABS(U1[J, I])))/(NXM); СК=V(Σ(J=1, M, Σ(I=1, N, U1[J, I]↑2))/(NXM)); "ВЫВ""ЗН"[НЕЦИЛИНДРИЧНОСТЬ], "ПР"2, [CЦ, MAX=], V, "ПР"2, [CA=], CAXMV, "ПР"2, [СК=], СК, "СТР", "ПР"18, [DR=], R X MV, "ПР"2, [MAX=], Б, "ПР"2, [J=], Ы, "ПР", [I=], Ц, "СТР", "ПР"30, [MIN=], Ю, "ПР"2, [J=], Щ, "ПР", [I=], Ж, "ВЫВ""МАСС"U1"ГДЕ"MV=10; M=7; N=12; U1[7, 12]=12.8, 12.5, 10.4, 8.6, 9, 11, 11, 8.1, 7.2, 8.7, 11, 11.7, 14, 12.4, 9.4, 7.1, 7, 8.2, 8.1, 7.4, 7.7, 10.1, 12.2, 13.8, 13.9, 11.3, 8.6, 6.2, 6, 7, 7.2, 7, 8, 10, 12.8, 14.3, 13.8, 11.3, 8.9, 6.9, 6.2, 6.2, 6.3, 6.8, 8, 10.1, 13, 14.2, 13.8, 11, 8.1, 6.3, 5.2, 4.8, 4.7, 5.5, 7.1, 10, 12.9, 14.4, 12.1, 10, 8, 7, 6.7, 6.1, 6, 6.2, 7.1, 9.8, 11.8, 13, 11.9, 10, 8, 7, 6.3, 5.2, 5, 5, 6.6, 9.8, 11.9, 13; U2[7, 12]=12.8, 12.5, 10.4, 8.6, 9, 11, 11, 8.1, 7.2, 8.7, 11, 11.7, 14, 12.4, 9.4, 7.1, 7, 8.2, 8.1, 7.4, 7.7, 10.1, 12.2, 13.8, 13.9, 11.3, 8.6, 6.2, 6, 7, 7.2, 7, 8, 10, 12.8, 14.3, 13.8, 11.3, 8.9, 6.9, 6.2, 6.2, 6.3, 6.8, 8, 10.1, 13, 14.2, 13.8, 11, 8.1, 6.3, 5.2, 4.8, 4.7, 5.5, 7.1, 10, 12.9, 14.4, 12.1, 10, 8, 7, 6.7, 6.1, 6, 6.2, 7.1, 9.8, 11.8, 13, 11.9, 10, 8, 7, 6.3, 5.2, 5, 5, 6.6, 9.8, 11.9, 13; C[12]; H[12]"КО"

НЕЦИЛИНДРИЧНОСТЬ СЦ. MAX=.06472₁₀₃ CA=.10252₁₀₃ СК=12762₁₀₂
 DR=.9175₁₀₂ MAX=.04288₁₀₃ J=1 I=7
 MIN=-.21836₁₀₂ J=7 I=9 U[7, 12]

.01163 ₁₀₃	.01484 ₁₀₃	.005 ₁₀₃	.0095 ₁₀₁
.15631 ₁₀₂	.04251 ₁₀₃	.04288 ₁₀₃	.7665 ₁₀₁
-.1249 ₁₀₂	-.1059 ₁₀₂	.08764 ₁₀₁	.09928 ₁₀₁
.02102 ₁₀₃	.01267 ₁₀₃	-.44474 ₁₀₁	-.12755 ₁₀₂
-.12035 ₁₀₁	.17842 ₁₀₂	.16492 ₁₀₂	.1848 ₁₀₁
-.08048 ₁₀₂	.1261 ₁₀₁	.00971 ₁₀₃	.01866 ₁₀₃
.01741 ₁₀₃	.00048 ₁₀₃	-.11889 ₁₀₂	-.19605 ₁₀₂
-.08037 ₁₀₂	.09175 ₁₀₂	.101 ₁₀₂	-.00968 ₁₀₂
-.05606 ₁₀₂	-.18886 ₁₀₁	.01254 ₁₀₃	.02033 ₁₀₃
.01382 ₁₀₃	-.69683	-.08329 ₁₀₂	-.10461 ₁₀₂
-.28827 ₁₀₁	.44956 ₁₀₁	.36972 ₁₀₁	.01792 ₁₀₂
-.06164 ₁₀₂	-.30318 ₁₀₁	.01139 ₁₀₃	.01601 ₁₀₃
-.01121 ₁₀₃	-.48806 ₁₀₁	-.15772 ₁₀₂	-.14314 ₁₀₂
-.09722 ₁₀₂	-.06175 ₁₀₂	-.09701 ₁₀₂	-.1361 ₁₀₂
-.15721 ₁₀₂	-.06178 ₁₀₂	.72307 ₁₀₁	.01468 ₁₀₃
-.84043 ₁₀₁	-.16063 ₁₀₂	-.16213 ₁₀₂	-.51635 ₁₀₁
.08444 ₁₀₂	.10158 ₁₀₂	.59073 ₁₀₁	-.05427 ₁₀₂
-.16279 ₁₀₂	-.10328 ₁₀₂	-.06935 ₁₀₂	-.26566 ₁₀₁
-.13004 ₁₀₂	-.1724 ₁₀₂	-.15655 ₁₀₂	-.30173 ₁₀₁
.07602 ₁₀₂	.44826 ₁₀₁	-.01493 ₁₀₂	-.16247 ₁₀₂
-.21836 ₁₀₂	-.12473 ₁₀₂	-.09093 ₁₀₂	-.59818 ₁₀₁

Примечание: С целью проверки алгоритма программы (приложение 2) и сопоставления результатов обработки с программой (приложение 1) массивы U1 и U2 взяты одинаковыми.

ПРОГРАММА ОПРЕДЕЛЕНИЯ ПАРАМЕТРОВ И КООРДИНАТ ОСИ РЕАЛЬНОЙ ЦИЛИНДРИЧЕСКОЙ ПОВЕРХНОСТИ

""5.1.PP=ARCSIN(I)×2; L=2×PP/N; Γ= Σ(J=1, M, J); И= Σ(J=1, M, J×J); Φ=M×И-Γ×Γ; "ДЛ"И=И"Ш"И"ДО"М"ВЫП"(C[I]=COS(I×L); H[I]=SIN(I×L)); LLX=2×MV×(И×Σ(J=1, M, Σ(I=1, N, U[J, I]×C[I])))-Γ×Σ(J=1, M, Σ(I=1, N, J×U[J, I]×C[I]))/(N×Φ); BBX=2×MV×(M×Σ(J=1, M, Σ(I=1, N, J×U[J, I]×C[I])))-Γ×Σ(J=1, M, Σ(I=1, N, U[J, I]×C[I]))/(M×N×Φ); LLY=2×MV×(И×Σ(J=1, M, Σ(I=1, N, U[J, I]×H[I])))-Γ×Σ(J=1, M, Σ(I=1, N, J×U[J, I]×H[I]))/(N×Φ); BBY=2×MV×(M×Σ(J=1, M, Σ(I=1, N, J×U[J, I]×H[I])))-Γ×Σ(J=1, M, Σ(I=1, N, U[J, I]×H[I]))/(M×N×Φ); "ДЛ"J=И"Ш"И"ДО"М"ВЫП"(X[J]=LLX+BBX×J×X[MZ; Y[J]=LLY+BBY×J×MZ); "ВЫВ"Σ"[LLX=, LLX,"ПР"2, [BBX=, BBX,"ПР"2, [LLY=, LLY,"ПР"2, [BBY=, BBY,"ВЫВ"MACC"X; "ВЫВ"MACC"Y""ГДЕ"MZ=10000; MV=10; M=7; N=12; U[7, 12]=12.8, 12.5, 10.4, 8.6, 9, 11, 11, 8.1, 7.2, 8.7, 11, 11.7, 14, 12.4, 9.4, 7.1, 7, 8.2, 8.1, 7.4, 7.7, 10.1, 12.2, 13.8, 13.9, 11.3, 8.6, 6.2, 6, 7, 7.2, 7, 8, 10, 12.8, 14.3, 13.8, 11.3, 8.9, 6.9, 6.2, 6.2, 6.3, 6.8, 8, 10.1, 13, 14.2, 13.8, 11, 8.1, 6.3, 5.2, 4.8, 4.7, 5.5, 7.1, 10, 12.9, 14.4, 12.1, 10, 8, 7, 6.7, 6.1, 6, 6.2, 7.1, 9.8, 11.8, 13, 11.9, 10, 8, 7, 6.3, 5.2, 5, 5, 6.6, 9.8, 11.9, 13; C[12]; H[12]; X[7]; Y[7]"КО"

$$\text{LLX} = 2.09268_{10}1 \quad \text{BBX} = 3.32908_{10}-4 \quad \text{LLY} = .78095_{10}1 \quad \text{BBY} = -.55892_{10}-4$$

XJ71

.24255 ₁₀₂	.27584 ₁₀₂	.30913 ₁₀₂	.34242 ₁₀₂
.37571 ₁₀₂	.409 ₁₀₂	.44229 ₁₀₂	

y[7]

.72506 ₁₀ l	.66917 ₁₀ l	.61328 ₁₀ l	.55739 ₁₀ l
.50149 ₁₀ l	.4456 ₁₀ l	.38971 ₁₀ l	

ПРОГРАММА ОПРЕДЕЛЕНИЯ ПАРАМЕТРОВ ИЗОГНУТОСТИ

$PP = \text{ARCSIN}(1) \times 2$; $L = 2 \times PP / N$; $\Gamma = \Sigma (J=1, M, J)$; $I = \Sigma (J=1, M, J \times J)$; $\Phi = M \times I - \Gamma \times \Gamma$; "ДЛ" $I = 1$ "Ш" $I = 1$ "ДО" N "ВЫП" ($C[I] = \text{COS}(I \times L)$; $H[I] = \text{SIN}(I \times L)$); $LLX = 2 \times MV \times (I \times \Sigma (J=1, M, \Sigma (I=1, N, U[J, I] \times C[I])) - \Gamma \times \Sigma (J=1, M, \Sigma (I=1, N, J \times U[J, I] \times C[I])) / (N \times \Phi)$; $BBX = 2 \times MV \times (M \times \Sigma (J=1, M, \Sigma (I=1, N, J \times U[J, I] \times C[I])) - \Gamma \times \Sigma (J=1, M, \Sigma (I=1, N, U[J, I] \times C[I])) / (M \times N \times \Phi)$; $LLY = 2 \times MV \times (I \times \Sigma (J=1, M, \Sigma (I=1, N, U[J, I] \times H[I])) - \Gamma \times \Sigma (J=1, M, \Sigma (I=1, N, J \times U[J, I] \times H[I])) / (N \times \Phi)$; $BBY = 2 \times MV \times (M \times \Sigma (J=1, M, \Sigma (I=1, N, J \times U[J, I] \times H[I])) - \Gamma \times \Sigma (J=1, M, \Sigma (I=1, N, U[J, I] \times H[I])) / (M \times N \times \Phi)$; $B1 = 0$; "ДЛ" $J = 1$ "Ш" $I = 1$ "ДО" M "ВЫП" ($A = 2 \times MV \times \Sigma (I=1, N, U[J, I] \times C[I] / N) - LLX - BBX \times J \times MZ$; $B = 2 \times MV \times \Sigma (I=1, N, U[J, I] \times H[I] / N) - LLY - BBY \times J \times MZ$; $S[J] = \sqrt{A \times A + B \times B}$; "E" $B = 0$ "ТО" ("E" $A > 0$ "ТО" ("F" $= 0$) "И" ("F" $= PP$) "И" ("E" $B > 0$ "ТО" ("E" $A = 0$ "ТО" ("F" $= PP/2$) "И" ("E" $A > 0$ "ТО" ("F" $= \text{ARCTG}(B/A)$) "И" ("F" $= PP + \text{ARCTG}(B/A)$)) "И" ("E" $A = 0$ "ТО" ("F" $= 3/2 \times PP$) "И" ("E" $A > 0$ "ТО" ("F" $= 2 \times PP + \text{ARCTG}(B/A)$) "И" ("F" $= PP + \text{ARCTG}(B/A)$)))); $GG[J] = F \times 180 / PP$; "E" $S[J] > B1$ "ТО" ($B1 = S[J]$; $B1 = J$; $C1 = GG[J]$); $IA = \Sigma (J=1, M, S[J]) / M$; $IQ = \sqrt{\Sigma (J=1, M, S[J]^2) / M}$; "ВЫВ" "ЗН" [ИЗОГНУТОСТЬ], "ПР" 2, {I.MAX1=}, B1 $\times 2$, "ПР" 2, {J=}, B1, "ПР" 2, {GG=}, C1, "СТР", "ПР" 13, {I.A=}, IA, "ПР" 2, {I.Q=}, IQ; "ВЫВ" "МАСС" S; "ВЫВ" "МАСС" GG "ГДЕ" MZ=10000; MV=10; M=7; N=12; U[7, 12]=12.8, 12.5, 10.4, 8.6, 9, 11, 11, 8.1, 7.2, 8.7, 11, 11.7, 14, 12.4, 9.4, 7.1, 7, 8.2, 8.1, 7.4, 7.7, 10.1, 12.2, 13.8, 13.9, 11.3, 8.6, 6.2, 6, 7, 7.2, 7, 8, 10, 12.8, 14.3, 13.8, 11.3, 8.9, 6.9, 6.2, 6.2, 6.3, 6.8, 8, 10.1, 13, 14.2, 13.8, 11, 8.1, 6.3, 5.2, 4.8, 4.7, 5.5, 7.1, 10, 12.9, 14.4, 12.1, 10, 8, 7, 6.7, 6.1, 6, 6.2, 7.1, 9.8, 11.8, 13, 11.9, 10, 8, 7, 6.3, 5.2, 5, 5, 6.6, 9.8, 11.9, 13; C[12]; H[12]; S[7]; GG[7]"КО"

ИЗОГНУТОСТЬ I.MAX1=.2893₁₀₂ J=1 GG=1.63458₁₀₂

I.A=.847₁₀₁ I.Q=.89802₁₀₁

S[7]

.14465 ₁₀₂	.44339 ₁₀₁	.87195 ₁₀₁	.63427 ₁₀₁
.10334 ₁₀₂	.77792 ₁₀₁	.72187 ₁₀₁	

GG[7]

1.63458 ₁₀₂	.35480 ₁₀₃	.32889 ₁₀₃	.34519 ₁₀₃
2.24657	1.85134 ₁₀₂	1.58181 ₁₀₂	

ПРОГРАММА ОПРЕДЕЛЕНИЯ ПАРАМЕТРОВ КОНУСНОСТИ

""5.1.PP=ARCSIN(I)×2; L=2×PP/N; Γ=Σ(J=1, M, J); И=Σ(J=1, M, J×J); Φ=M×И→Γ×Γ; "ДЛ"И=1"Ш"И"ДО"Н"ВЫП"(C[I]=COS(I×L)); H[I]=SIN(I×L); Д=0; Л=0; П=0; Я=0; "ДЛ"J=1"Ш"1"ДО"М"ВЫП"(A=Σ(I=1, N, U[J, I]×C[I])/N×2; B=Σ(I=1, N, U[J, I]×H[I])/N×2; Д=Д+A; Л=Л+A×J; П=П+B; Я=Я+B×J); R=Σ(J=1, M, Σ(I=1, N, U[J, I]))/(N×M); "ДЛ"J=1"Ш"1"ДО"М"ВЫП"(F=И→J×Γ; T=Γ→J×M; "ДЛ"И=1"Ш"И"ДО"Н"ВЫП"U[J, I]=U[J, I]→((Д×F→Л×T)×C[I]×(П×F→Я×T)×H[I])/Φ→R); S=Σ(J=1, M, Σ(I=1, N, U[J, I]×MV×(J→(M+1)/2)))/(MZ×N×Σ(J=1, M, (J→(M+1)/2)↑2)); LL=ARCTG(S); "ВЫВ""ЗН"[КОНУСНОСТЬ], "ПР"2, [LL=], LL×180×3600/PP, "ПР"2, [PR=], S×(M→1)×MZ, "ПР"2, [DR=], R×MV"ГДЕ"МЗ=10000; MV=10; M=7; N=12; U[7, 12]=12.8, 12.5, 10.4, 8.6, 9, 11, 11, 8.1, 7.2, 8.7, 11, 11.7, 14, 12.4, 9.4, 7.1, 7, 8.2, 8.1, 7.4, 7.7, 10.1, 12.2, 13.8, 13.9, 11.3, 8.6, 6.2, 6, 7, 7.2, 7, 8, 10, 12.8, 14.3, 13.8, 11.3, 8.9, 6.9, 6.2, 6.2, 6.3, 6.8, 8, 10.1, 13, 14.2, 13.8, 11, 8.1, 6.3, 5.2, 4.8, 4.7, 5.5, 7.1, 10, 12.9, 14.4, 12.1, 10, 8, 7, 6.7, 6.1, 6, 6.2, 7.1, 9.8, 11.8, 13, 11.9, 10, 8, 7, 6.3, 5.2, 5, 5, 6.6, 9.8, 11.9, 13; C[12]; H[12]"КО"

КОНУСНОСТЬ LL=— .63016₁₀² PR=— .1833₁₀² DR=.9175₁₀²

ПРОГРАММА ОПРЕДЕЛЕНИЯ ПАРАМЕТРОВ ОТКЛОНЕНИЙ ОТ КРУГЛОСТИ

$""5.1.L=ARCSIN(1) \times 4/N$; $""ДЛ"1=1"Ш"1"ДО"Н"ВЫП"(C[I]=COS(1 \times L))$;
 $H[I]=SIN(1 \times L)$; $C=0$; $Z=0$; $G=0$; $Q=0$; $T=0$; $F=0$; $""ДЛ"J=1"Ш"1"ДО"$
 $""М"ВЫП"(B=0; Ю=0; R=\sum(I=1, N, U[J, I])/N; A=\sum(I=1, N, U[J, I] \times C$
 $[I])/N \times 2; B=\sum(I=1, N, U[J, I] \times H[I])/N \times 2; ""ДЛ"1=1"Ш"1"ДО"Н"ВЫП"(U[J,$
 $I)=MV \times (U[J, I]-A \times C[I]-B \times H[I]-R)$; $""Е"U[J, I] > B"ТО"(B=U[J, I]; ""НА"$
 $2); ""Е"U[J, I] < Ю"ТО"(Ю=U[J, I]); 2.); D=B-Ю; CA=\sum(I=1, N, ABS(U[J,$
 $I]))/N$; $CK=\sqrt{\sum(I=1, N, U[J, I]^2)/N}$; $""Е"Д > C"ТО"(C=D; W=J); ""Е"$
 $CA > G"ТО"(G=CA; V=J); ""Е"CK > Q"ТО"(Q=CK; S=J); T=T+D; F=F+CA;$
 $Z=Z+CK$); $""ВЫВ""ЗН"[НЕКРУГЛОСТЬ], ""ПР"2, [HKMAX.MAX=], C, ""ПР"$
 $2, [J=], W, ""ПР"2, [HKMAX.C=], T/M, ""СТР", ""ПР"13, [HKQ.MAX=], G, ""ПР"$
 $2, [J=], V, ""ПР"2, [HKQ.C=], F/M, ""СТР", ""ПР"13, [HKQ.MAX=], Q, ""ПР"2, [J=],$
 $S, ""ПР"2, [HKQ.C=], Z/M"ГДЕ"MV=10; M=7; N=12; U[7, 12]=12.8, 12.5,$
 $10.4, 8.6, 9, 11, 11, 8.1, 7.2, 8.7, 11, 11.7, 14, 12.4, 9.4, 7.1, 7, 8.2, 8.1, 7.4, 7.7,$
 $10.1, 12.2, 13.8, 13.9, 11.3, 8.6, 6.2, 6, 7, 7.2, 7, 8, 10, 12.8, 14.3, 13.8, 11.3, 8.9,$
 $6.9, 6.2, 6.2, 6.3, 6.8, 8, 10.1, 13, 14.2, 13.8, 11, 8.1, 6.3, 5.2, 4.8, 4.7, 5.5, 7.1,$
 $10, 12.9, 14.4, 12.1, 10, 8, 7, 6.7, 6.1, 6, 6.2, 7.1, 9.8, 11.8, 13, 11.9, 10, 8, 7, 6.3,$
 $5.2, 5, 5, 6.6, 9.8, 11.9, 13; C[12]; H[12]"КО"$

НЕКРУГЛОСТЬ $HKMAX.MAX=.04334_{103}$ $J=1$ $HKMAX.C=.26471_{102}$
 $HKQ.MAX=1.19425_{101}$ $J=1$ $HKQ.C=.78457_{101}$
 $HKQ.MAX=.13432_{102}$ $J=1$ $HKQ.C=.88562_{101}$

**ПРОГРАММА ОПРЕДЕЛЕНИЯ ПАРАМЕТРОВ ОТКЛОНЕНИЙ ОТ
ПРЯМОЛИНЕЙНОСТИ**

""5.1.Г=Σ(J=1, M, J); И= Σ (J=1, M, J×J); Ф=М×И—Г×Г; С=0; G=0;
Q=0; T=0; F=0; Z=0; "ДЛ" I=1"Ш" I"ДО" N"ВЫП"(Б=0; Ю=0; А=Σ (J=1, M,
U[J, I]); В=Σ (J=1, M, U[J, I]×J); "ДЛ" J=1"Ш" I"ДО" M"ВЫП"(U[J, I] =
=MV×(U[J, I]—(И×А—Г×В+М×J×В—J×Г×А)/Ф); "Е"U[J, I]>Б"ТО"
(Б=U[J, I]; "НА"Q); "Е"U[J, I]<Ю"ТО"(Ю=U[J, I]); Q.); Д=Б—Ю; СЛ= Σ
(J=1, M, ABS(U[J, I]))/M; СК=√(Σ (J=1, M, U[J, I] ↑ 2)/M); "Е"Д>С"ТО"
(С=Д; W=1); "Е"СА>G"ТО"(G=CA; V=1); "Е"СК>Q"ТО"(Q=СК; S=1);
T=T+Д; F=F+CA; Z=Z+СК); "ВЫВ""ЗН"[НЕПРЯМОЛИНЕЙНОСТЬ],
"ПР"2, [НПМАХ.МАХ=], С, "ПР"2, [I=], W, "ПР"2, [НПМАХ.С=], T/N,
"СТР", "ПР"19, [НПА.МАХ=], G, "ПР"2, [I=], V, "ПР"2, [НПА.С=], F/N,
"СТР", "ПР"19, [НПQ.МАХ=], Q, "ПР"2, [I=], S, "ПР"2, [НПQ.С=], Z/N
"ГДЕ"MV=10; M=7; N=12; U[7, 12]=12.8, 12.5, 10.4, 8.6, 9, 11, 11, 8.1, 7.2,
8.7, 11, 11.7, 14, 12.4, 9.4, 7.1, 7, 8.2, 8.1, 7.4, 7.7, 10.1, 12.2, 13.8, 13.9, 11.3,
8.6, 6.2, 6, 7, 7.2, 7, 8, 10, 12.8, 14.3, 13.8, 11.3, 8.9, 6.9, 6.2, 6.2, 6.3, 6.8, 8, 10.1,
13, 14.2, 13.8, 11, 8.1, 6.3, 5.2, 4.8, 4.7, 5.5, 7.1, 10, 12.9, 14.4, 12.1, 10, 8, 7, 6.7,
6.1, 6, 6.2, 7.1, 9.8, 11.8, 13, 11.9, 10, 8, 7, 6.3, 5.2, 5, 5, 6.6, 9.8, 11.9, 13"КО"

НЕПРЯМОЛИНЕЙНОСТЬ НПМАХ.МАХ=.028₁₀₃ I=6 НПМАХ.С=1.801₁₀₁
НПА.МАХ=.91842₁₀₁ I=6 НПА.С=5.5565
НПQ.МАХ=.97886₁₀₁ I=6 НПQ.С=6.16091

МЕТОДИКА
аттестации мер цилиндричности
МИ 145—77

Редактор *С. Я. Рыско*
Технический редактор *В. Ю. Смирнова*
Корректор *Н. Л. Шнайдер*

Сдано в набор 10.04.78 Подп. в печ. 04.07.78 Т—12930 Формат 60×90¹/₁₆ Бумага типографская
№ 2 Гарнитура литературная Печать высокая 1,5 усл. печ. л. 1,48 уч.-изд. л. Тир. 3000 Зак. 1068
Изд. № 5496/42

Ордена «Знак Почета» Издательство стандартов, Москва, Д-557, Новопресненский пер., 3
Калужская типография стандартов, ул. Московская, 256.