
ФЕДЕРАЛЬНОЕ АГЕНТСТВО
ПО ТЕХНИЧЕСКОМУ РЕГУЛИРОВАНИЮ И МЕТРОЛОГИИ



РЕКОМЕНДАЦИИ ПО
СТАНДАРТИЗАЦИИ

**Р 50.1.115—
2016**

Информационная технология

**КРИПТОГРАФИЧЕСКАЯ ЗАЩИТА
ИНФОРМАЦИИ**

**Протокол выработки общего ключа
с аутентификацией на основе пароля**

Издание официальное



Москва
Стандартинформ
2016

Предисловие

1 РАЗРАБОТАНЫ подкомитетом № 1 Технического комитета по стандартизации ТК 26 «Криптографическая защита информации»

2 ВНЕСЕНЫ Техническим комитетом по стандартизации ТК 26 «Криптографическая защита информации»

3 УТВЕРЖДЕНЫ И ВВЕДЕНЫ В ДЕЙСТВИЕ Приказом Федерального агентства по техническому регулированию и метрологии от 28 ноября 2016 г. № 1830-ст

4 ВВЕДЕНЫ ВПЕРВЫЕ

Правила применения настоящих рекомендаций установлены в статье 26 Федерального закона от 29 июня 2015 г. №162-ФЗ «О стандартизации в Российской Федерации». Информация об изменениях к настоящим рекомендациям публикуется в ежегодном (по состоянию на 1 января текущего года) информационном указателе «Национальные стандарты», а официальный текст изменений и поправок — в ежемесячном информационном указателе «Национальные стандарты». В случае пересмотра (замены) или отмены настоящих рекомендаций соответствующее уведомление будет опубликовано в ближайшем выпуске ежемесячного информационного указателя «Национальные стандарты». Соответствующая информация, уведомление и тексты размещаются также в информационной системе общего пользования — на официальном сайте Федерального агентства по техническому регулированию и метрологии в сети Интернет (www.gost.ru)

© Стандартиформ, 2016

Настоящие рекомендации не могут быть полностью или частично воспроизведены, тиражированы и распространены в качестве официального издания без разрешения Федерального агентства по техническому регулированию и метрологии

Содержание

1 Область применения	1
2 Нормативные ссылки	1
3 Термины, определения и обозначения	2
3.1 Термины и определения	2
3.2 Обозначения	2
4 Описание протокола	3
4.1 Параметры протокола	3
4.2 Начальные значения счетчиков протокола	3
4.3 Алгоритм протокола	4
5 Построение точек	5
Приложение А (рекомендуемое) Примеры точек	6
Приложение Б (справочное) Контрольные примеры	12

Введение

Настоящие рекомендации содержат описание протокола выработки общего ключа с аутентификацией на основе пароля. Преобразования данных, выполняемые при реализации протокола, используют операции в группе точек эллиптической кривой, определенной над конечным простым полем. Стойкость протокола основана на сложности вычислительной задачи Диффи-Хеллмана в группе точек эллиптической кривой и свойствах хэш-функций, а также свойствах кодов аутентификации сообщений, использующих хэш-функции.

Необходимость разработки настоящих рекомендаций вызвана потребностью во внедрении процедур взаимодействия сторон, обеспечивающих безопасную выработку общей ключевой информации и взаимную аутентификацию при наличии общих исходных конфиденциальных данных малого объема.

Примечание — Основная часть настоящих рекомендаций дополнена приложениями А и Б.

Информационная технология

КРИПТОГРАФИЧЕСКАЯ ЗАЩИТА ИНФОРМАЦИИ

Протокол выработки общего ключа с аутентификацией на основе пароля

Information technology. Cryptographic data security. Password authenticated key exchange protocol

Дата введения — 2017—06—01

1 Область применения

Настоящие рекомендации предназначены для применения в информационных системах, использующих механизмы шифрования и защиты аутентичности данных, с реализацией алгоритмов электронной (цифровой) подписи по ГОСТ Р 34.10 и функции хэширования по ГОСТ Р 34.11 в общедоступных и корпоративных сетях для защиты информации, не содержащей сведений, составляющих государственную тайну.

Описанный в данных рекомендациях протокол предназначен для выработки общей ключевой информации с использованием разделяемого сторонами пароля и последующей аутентификации при взаимодействии по каналу, в котором допускается присутствие активного противника. Протокол может применяться для обеспечения защиты каналов связи при обработке информации, не содержащей сведений, составляющих государственную тайну. Выработанная сторонами ключевая информация может быть использована для установления защищенного соединения между ними.

2 Нормативные ссылки

В настоящих рекомендациях использованы нормативные ссылки на следующие документы:

ГОСТ Р 34.10—2012 Информационная технология. Криптографическая защита информации. Процессы формирования и проверки электронной цифровой подписи

ГОСТ Р 34.11—2012 Информационная технология. Криптографическая защита информации. Функция хэширования

Р 50.1.113—2016 Информационная технология. Криптографическая защита информации. Криптографические алгоритмы, сопутствующие применению алгоритмов электронной цифровой подписи и функции хэширования

Р 50.1.114—2016 Информационная технология. Криптографическая защита информации. Параметры эллиптических кривых для криптографических алгоритмов и протоколов

Р 50.1.111—2016 Информационная технология. Криптографическая защита информации. Парольная защита ключевой информации

Примечание — При использовании настоящими рекомендациями целесообразно проверить действие ссылочных стандартов (рекомендаций) в информационной системе общего пользования — на официальном сайте Федерального агентства по техническому регулированию и метрологии в сети Интернет или по ежегодному информационному указателю «Национальные стандарты», который опубликован по состоянию на 1 января текущего года, и по выпускам ежемесячного информационного указателя «Национальные стандарты» за текущий год. Если заменен ссылочный стандарт (рекомендация), на который дана недатированная ссылка, то рекомендуется использовать действующую версию этого стандарта (рекомендации) с учетом всех внесенных в данную версию измене-

ний. Если заменен ссылочный стандарт (рекомендации), на который дана датированная ссылка, то рекомендуется использовать версию этого стандарта (рекомендаций) с указанным выше годом утверждения (принятия). Если после утверждения настоящих рекомендаций в ссылочный стандарт (рекомендации), на который дана датированная ссылка, внесено изменение, затрагивающее положение, на которое дана ссылка, то это положение рекомендуется применять без учета данного изменения. Если ссылочный стандарт (рекомендации) отменен без замены, то положение, в котором дана ссылка на него, применяется в части, не затрагивающей эту ссылку.

3 Термины, определения и обозначения

3.1 Термины и определения

В настоящих рекомендациях применены следующие термины с соответствующими определениями:

3.1.1 байтовое представление числа: Вектор $\bar{w} = (w_1, \dots, w_l) \in B_l$ является байтовым представлением числа w , если $w = 256^{l-1} w_1 + \dots + 256^0 w_l$.

3.1.2 байтовое представление точки эллиптической кривой: Для точки $\{X, Y\}$ на эллиптической кривой ее байтовым представлением является конкатенация байтовых представлений координат этой точки $X \parallel Y$. При этом длина байтовых представлений координат X и Y равна минимально возможной длине байтового представления характеристики поля p .

3.2 Обозначения

В настоящих рекомендациях использованы следующие обозначения:

- E — эллиптическая кривая, определенная над конечным полем F_p , где p простое, $p > 3$;
- p — модуль эллиптической кривой E ;
- a, b — коэффициенты уравнения эллиптической кривой E в канонической форме;
- m — порядок группы точек эллиптической кривой E ;
- q — порядок циклической подгруппы группы точек эллиптической кривой;
- P — порождающий элемент подгруппы порядка q кривой E ;
- X, Y — координаты точки эллиптической кривой в канонической форме;
- O — нулевая точка эллиптической кривой;
- H_{256} — хэш-функция H с длиной выхода, равной 256 битам, определенная в ГОСТ Р 34.11—2012 (раздел 8);
- H_{512} — хэш-функция H с длиной выхода, равной 512 битам, определенная в ГОСТ Р 34.11—2012 (раздел 8);
- $HMAC(K, T)$ — значение кода аутентификации сообщения, вычисленное для сообщения T на ключе K по алгоритму HMAC, определенному в Р 50.1.113—2016. Длина значения равна 256 битам;
- $F(PW, salt, n)$ — значение функции $PBKDF2(PW, salt, n, len)$, определенной в Р 50.1.111—2016, где параметр len считается равным 256, если порядок подгруппы q удовлетворяет неравенству $2^{254} < q < 2^{256}$, и равным 512, если $2^{508} < q < 2^{512}$. Согласно Р 50.1.111—2016, в функции $PBKDF2$ в качестве PRF всегда используется функция HMAC с длиной выхода, равной 512 битам;
- B_n — множество байтовых строк длины n , $n \geq 0$. Строка $b = (b_1, \dots, b_n)$ принадлежит множеству B_n , если $b_1, \dots, b_n \in \{0, \dots, 255\}$. При $n = 0$ множество B_n состоит из единственной пустой строки длины 0;
- $int(\bar{w})$ — число $w = 256^{l-1} w_1 + \dots + 256^0 w_l$, соответствующее вектору $\bar{w} = (w_1, \dots, w_l) \in B_l$;
- $INT(\bar{W})$ — число $W = 256^{l-1} w_1 + \dots + 256^0 w_l$, соответствующее вектору $\bar{w} = (w_1, \dots, w_l) \in B_l$;
- \parallel — конкатенация двух байтовых строк; для двух байтовых строк $\alpha = (\alpha_1, \dots, \alpha_{n1}) \in B_{n1}$, $\beta = (\beta_1, \dots, \beta_{n2}) \in B_{n2}$ их конкатенацией $\alpha \parallel \beta$ называется байтовая строка $\gamma = (\alpha_1, \dots, \alpha_{n1}, \beta_1, \dots, \beta_{n2}) \in B_{n1+n2}$.

Примечание — В настоящих рекомендациях используют обозначения параметров эллиптических кривых в соответствии с ГОСТ Р 34.10—2012 (раздел 5).

4 Описание протокола

В протоколе участвуют стороны A и B , между которыми осуществляется выработка общего ключа и взаимная аутентификация на основе пароля.

4.1 Параметры протокола

В протоколе могут использоваться несколько эллиптических кривых, для каждой из которых должны быть определены:

- идентификатор кривой ID_{ALG} , являющийся байтовой строкой произвольной длины;
- точка P , являющаяся порождающим элементом подгруппы порядка q данной кривой;
- набор различных точек $\{Q_1, Q_2, \dots, Q_N\}$ порядка q на данной эллиптической кривой, где количество точек N является параметром протокола. Метод генерации наборов точек $\{Q_1, Q_2, \dots, Q_N\}$ описан в разделе 5.

Параметрами протокола, используемыми стороной A , являются:

1) Хранящийся в тайне пароль PW , являющийся байтовой строкой, случайно (псевдослучайно) и равномерно выбранной из множества мощности не менее 10^{10} из множества B_k , где $k \geq 6$ — длина пароля.

2) Список идентификаторов кривых, поддерживаемых стороной A .

3) Наборы точек $\{Q_1, Q_2, \dots, Q_N\}$, соответствующие поддерживаемым стороной A кривым.

4) Счетчик C_1^A , контролирующий количество неуспешных попыток аутентификации, предпринятых подряд, и значение $CLim_1$, равное максимально допустимому числу таких событий.

5) Счетчик C_2^A , отвечающий за количество неуспешных попыток аутентификации, предпринятых за время использования данного значения PW , и значение $CLim_2$, равное максимально допустимому числу таких событий.

6) Счетчик C_3^A , отвечающий за количество попыток аутентификации (успешных и неуспешных), предпринятых для данного значения PW , и значение $CLim_3$, равное максимально допустимому числу таких событий.

7) Уникальный идентификатор ID_A стороны A (опционально), являющийся байтовой строкой произвольной длины.

Параметрами протокола, используемыми стороной B , являются:

1) Числа $ind \in \{1, \dots, N\}$, $salt \in \{1, \dots, 2^{128} - 1\}$.

2) Точка Q_{PW} , удовлетворяющая равенству

$$Q_{PW} = \text{int}(F(PW, salt, 2000)) \cdot Q_{ind} \quad (1)$$

Примечание — Опционально точка Q_{PW} может не храниться, а вычисляться из PW перед началом работы протокола. В этом случае стороне B необходимо хранить PW и точки Q_1, Q_2, \dots, Q_N .

3) Идентификатор используемой в протоколе эллиптической кривой ID_{ALG} .

4) Счетчик C_1^B , отвечающий за количество неуспешных попыток аутентификации, предпринятых подряд, и значение $CLim_1$, равное максимально допустимому числу таких событий.

5) Счетчик C_2^B , отвечающий за количество неуспешных попыток аутентификации, предпринятых за время использования данного значения PW , и значение $CLim_2$, равное максимально допустимому числу таких событий.

6) Счетчик C_3^B , отвечающий за количество попыток аутентификации (успешных и неуспешных), предпринятых для данного значения PW , и значение $CLim_3$, равное максимально допустимому числу таких событий.

7) Уникальный идентификатор ID_B стороны B (опционально), являющийся байтовой строкой произвольной длины.

4.2 Начальные значения счетчиков протокола

После установки пароля PW значения счетчиков аутентификации должны соответствовать следующим ограничениям:

- $C_1^A = C_1^B = CLim_1$, где $CLim_1 \in \{3, \dots, 5\}$;

- $C_2^A = C_2^B = CLim_2$, где $CLim_2 \in \{7, \dots, 20\}$;
- $C_3^A = C_3^B = CLim_3$, где $CLim_3 \in \{10^3, \dots, 10^5\}$.

4.3 Алгоритм протокола

Описываемый в данных рекомендациях протокол состоит из следующих шагов:

- 1) Если хотя бы один из счетчиков C_1^A , C_2^A , C_3^A равен 0, A завершает протокол, возвращая ошибку, информирующую об исчерпании числа попыток, контролируемых обнулившимся счетчиком.
- 2) A уменьшает каждый из счетчиков C_1^A , C_2^A , C_3^A на 1, запрашивает открытую информацию аутентификации у B и посылает идентификатор ID_A .
- 3) Если хотя бы один из счетчиков C_1^B , C_2^B , C_3^B равен 0, B завершает протокол, возвращая ошибку, информирующую об исчерпании числа попыток, контролируемых обнулившимся счетчиком.
- 4) B уменьшает каждый из счетчиков C_1^B , C_2^B , C_3^B на 1.
- 5) B передает A значения ind , $salt$ и идентификатор ID_{ALG} . Также B передает A идентификатор ID_B (данная пересылка опциональна). Все дальнейшие вычисления B проводит в группе точек эллиптической кривой, которая задается идентификатором ID_{ALG} .
- 6) A устанавливает в качестве используемой эллиптической кривой ту, которая задается идентификатором ID_{ALG} . Все дальнейшие вычисления A проводит в группе точек этой кривой.
- 7) A вычисляет точку $Q_{PW}^A = \text{int}(F(PW, salt, 2000)) \cdot Q_{ind}$.
- 8) A случайным образом выбирает величину $\alpha \in \{1, \dots, q-1\}$ и осуществляет присваивание $z_A = 0$.
- 9) A посылает B значение $u_1 = \alpha \cdot P - Q_{PW}^A$.
- 10) B , получив u_1 , проверяет, что $u_1 \in E$. Если это не так, то B завершает взаимодействие, считая аутентификацию невыполненной.
- 11) B вычисляет значение $Q_B = u_1 + Q_{PW}$, осуществляет присваивание $z_B = 0$ и случайным образом выбирает величину $\beta \in \{1, \dots, q-1\}$.
- 12) Если $\frac{m}{q} Q_B = 0$, B осуществляет присваивания $Q_B = \beta P$ и $z_B = 1$.
- 13) B вычисляет $K_B = H_{256} \left(\left(\frac{m}{q} \cdot \beta \pmod{q} \right) \cdot Q_B \right)$, где хэш-функция считается от байтового представления вычисленной точки.
- 14) B посылает A значение $u_2 = \beta \cdot P + Q_{PW}$.
- 15) A , получив u_2 , проверяет, что $u_2 \in E$. Если это не так, то A завершает взаимодействие, считая аутентификацию невыполненной.
- 16) A вычисляет $Q_A = u_2 - Q_{PW}^A$.
- 17) Если $\frac{m}{q} Q_A = 0$, то A осуществляет присваивания $Q_A = \alpha P$ и $z_A = 1$.
- 18) A вычисляет $K_A = H_{256} \left(\left(\frac{m}{q} \cdot \alpha \pmod{q} \right) \cdot Q_A \right)$, где хэш-функция считается от байтового представления вычисленной точки.
- 19) A вычисляет $MAC_A = HMAC(K_A, 0x01 \parallel ID_A \parallel ind \parallel salt \parallel u_1 \parallel u_2 \parallel DATA_A)$, где $DATA_A$ — опционально присутствующая строка, которая аутентифицируется с помощью MAC_A (если она не используется, то $DATA_A$ считается равной строке длины 0).
- 20) A посылает B значение $DATA_A \parallel MAC_A$.
- 21) B осуществляет проверку на равенство значений MAC_A и $HMAC(K_B, 0x01 \parallel ID_A \parallel ind \parallel salt \parallel u_1 \parallel u_2 \parallel DATA_A)$. Если они не равны, то завершает протокол, считая аутентификацию невыполненной.
- 22) B завершает протокол, считая аутентификацию невыполненной, если $z_B = 1$.
- 23) B устанавливает значение счетчика C_1^B равным $CLim_1$ и увеличивает C_2^B на 1.
- 24) B вычисляет $MAC_B = HMAC(K_B, 0x02 \parallel ID_B \parallel ind \parallel salt \parallel u_1 \parallel u_2 \parallel DATA_A \parallel DATA_B)$, где $DATA_B$ — опционально присутствующая строка, которая аутентифицируется с помощью MAC_B (если она не используется, то $DATA_B$ считается равной строке длины 0).
- 25) B посылает A значение $DATA_B \parallel MAC_B$.
- 26) A осуществляет проверку на равенство значений MAC_B и $HMAC(K_A, 0x02 \parallel ID_B \parallel ind \parallel salt \parallel u_1 \parallel u_2 \parallel DATA_A \parallel DATA_B)$. Если они не равны, то завершает протокол, считая аутентификацию невыполненной.
- 27) A завершает протокол, считая аутентификацию невыполненной, если $z_A = 1$.

28) *A* устанавливает значение счетчика C_1^A равным $CLim_1$ и увеличивает C_2^A на 1.

После успешного завершения протокола стороны *A* и *B* взаимно аутентифицированы и каждая сторона имеет общий выработанный ключ $K = K_A = K_B$.

Примечания

1 Процесс формирования ключей K_A, K_B в пунктах 13 и 18 происходит в соответствии с алгоритмом *VKO_GOSTR3410_2012_256*, определенным в Р 50.1.113—2016.

2 Использование уникальных идентификаторов ID_A и ID_B является обязательным в том случае, когда начать процесс взаимодействия может любая из сторон. При этом получатель должен проверить, что полученный им при взаимодействии идентификатор не совпадает с его собственным. В случае совпадения он завершает протокол. В случае, если опциональный параметр ID_A (также ID_B) не используется в протоколе, следует считать его равным любой фиксированной байтовой строке, в том числе строке длины 0.

3 Параметры *ind*, ID_A , ID_B и *salt* могут быть согласованы до начала выполнения действий, описанных в данном разделе. В том случае, когда параметр согласован заранее, его можно не передавать на соответствующем этапе. Ни один из согласованных заранее параметров не может быть исключен из данных, обрабатываемых функцией *HMAC* на этапах 19, 21, 24 и 26.

4 Параметр ID_{ALG} может быть зафиксирован или согласован заранее.

5 Возобновление взаимодействия по протоколу в случае обнуления одного из счетчиков C_1^A, C_1^B возможно без смены пароля. В этом случае указанные счетчики могут использоваться для защиты от атак типа «отказ в обслуживании». Например, взаимодействие может возобновляться только после определенной задержки.

6 Возобновление взаимодействия по протоколу в случае обнуления одного из счетчиков $C_2^A, C_3^A, C_2^B, C_3^B$ возможно только после смены разделяемого сторонами пароля.

5 Построение точек

Для данной эллиптической кривой *E* с порождающим элементом *P* алгоритм построения каждой точки Q_i , принадлежащей соответствующему этой кривой набору $\{Q_1, \dots, Q_N\}$, основывается на выборе координаты точки с известным прообразом относительно хэш-функции H_{256} , если порядок подгруппы *q* удовлетворяет неравенству $2^{254} < q < 2^{256}$, и относительно хэш-функции H_{512} , если *q* удовлетворяет неравенству $2^{508} < q < 2^{512}$, и состоит из следующих шагов:

1) Задать произвольную байтовую строку *SEED* длины 32 байта или более.

2) Вычислить $X = \text{INT}(H_{len}(SEED)) \bmod p$.

3) Проверить, что значение выражения $X^3 + aX + b$ является квадратичным вычетом в поле F_p . Если это не так, то вернуться к шагу 1.

4) Выбрать значение *Y* произвольным образом из множества $\{+\sqrt{R}, -\sqrt{R}\}$, где $R = X^3 + aX + b$. Здесь \sqrt{R} — элемент поля F_p , для которого выполнено сравнение $(\sqrt{R})^2 = R \bmod p$.

5) Проверить, что для точки *Q* с координатами (*X*, *Y*) выполнено $Q \neq 0$ и $q \cdot Q = 0$. Если это не так, то вернуться к шагу 1.

6) С помощью описанного алгоритма для каждой эллиптической кривой *E* строятся наборы точек $\{Q_1, \dots, Q_N\}$. Построенные точки в одном наборе должны иметь различные координаты *X*.

Примечание — Наличие известного прообраза относительно хэш-функции в данном случае гарантирует построение каждой из точек набора $\{Q_1, \dots, Q_N\}$ доказуемо псевдослучайным образом. Таким образом, кратность любой из его точек относительно порождающего элемента *P* и относительно любой другой точки набора является неизвестной, а задача ее вычисления неосуществима на практике.

Приложение А (рекомендуемое)

Примеры точек

Для каждой кривой представлены три точки: Q_1 , Q_2 , Q_3 . Данные точки были построены с помощью метода, описанного в разделе 5. Этот же метод следует использовать для построения, при необходимости, дополнительных точек.

Каждая из точек представлена парой координат X , Y на кривой Вейерштрасса. В соответствии с Р 50.1.114—2016 для кривых, имеющих эквивалентное представление в форме скрученных кривых Эдвардса, также приведены координаты точек U , V на кривой в данном представлении. Для каждой точки приведено значение *SEED*, с помощью которого она была порождена.

А.1 Кривая id-GostR3410-2001-CryptoPro-A-ParamSet

А.1.1 Точка Q_1

$X = 0\text{x}a33\text{ce}065\text{b}0\text{c}23\text{e}1\text{d}3\text{d}026\text{a}206\text{f}8\text{a}1\text{f}8747\text{ed}1\text{cd}92\text{a}665\text{b}\text{f}85198\text{c}\text{db}10\text{ac}90\text{a}5\text{c}$

$Y = 0\text{x}\text{b}00\text{d}0\text{dc}0733883\text{f}05\text{de}9\text{f}55\text{fd}711\text{f}55998\text{f}5508\text{cc}40\text{bead}80\text{c}913\text{b}4\text{d}5\text{b}533667$

SEED:

```
f8 18 95 b4 13 69 d9 08 9e 3d 3c 56 e8 70 ba 5e
9d 55 5e 20 eb d9 c7 22 66 10 6d 79 c2 83 48 b8
ce 63 70 52 9a 82 9f 18 a4 d3 e3 fd 7b f2 dd 73
b1 1b bc d4 10 9d 27 c9 a3 d4 bd 3a 42 cc 26 ae
43 5b 52 f5 89 a4 c3 b7 61 c0 1b a2 88 b7 e0 8d
f9 4e 22 40 29 f3 aa 96 11 5c 43 f5 eb 87 99 70
```

А.1.2 Точка Q_2

$X = 0\text{x}4\text{ce}9\text{c}2\text{bcf}17212\text{b}9\text{efcab}65\text{c}3\text{c}815\text{c}0\text{ff}96\text{d}7461\text{c}957634\text{dbf}1\text{fe}7\text{c}9\text{a}324\text{d}27$

$Y = 0\text{x}\text{f}7500\text{d}7\text{adea}2\text{c}2\text{b}4\text{a}16\text{d}838\text{a}8\text{faa}02\text{b}46639\text{eb}881\text{f}124\text{d}0\text{f}2506\text{efca}0\text{e}24289\text{d}$

SEED:

```
fd 99 6d bc c7 2e 49 a4 37 e7 49 a8 85 ad de 28
4b 58 64 bd 3b 7e 60 fc b5 2f c8 36 0e 0a bf 98
fd 35 7a 3f 98 c5 f6 20 c8 68 3d b2 ca b9 27 b6
13 f2 91 a1 52 45 c0 65 71 dc 62 b0 4f 2e e5 76
56 a9 fa 51 12 23 5d 0b 80 67 59 af e2 33 b1 09
6a 94 84 91 45 f2 18 50 65 b7 9b 86 ab 68 8a 39
```

А.1.3 Точка Q_3

$X = 0\text{x}31\text{fb}8\text{e}5070\text{b}1\text{e}0\text{f}52\text{f}047\text{f}40477\text{c}38\text{c}6020\text{fd}8\text{da}9\text{f}685791\text{f}9237\text{cc}47\text{bd}89324$

$Y = 0\text{x}8\text{ba}1184\text{a}4\text{e}296\text{dc}5\text{c}5873639747339\text{ecc}71\text{b}7\text{fa}44\text{d}31\text{cc}8\text{e}35\text{b}6615\text{a}4\text{f}797\text{dd}7$

SEED:

```
29 0c 12 66 47 91 2e de 11 cc 43 78 0c f8 87 d4
7d a1 63 bc fb 91 1d 92 86 2a ae 4f 53 a6 80 70
08 c1 ec 0c 8f e7 2e 0a a0 81 df a3 32 7c 86 ad
5f 24 da 28 a7 1d 07 f5 fd b7 61 31 a1 fb 04 d5
b2 31 c7 7f ca 26 d3 a6 42 99 9e 3b 10 74 b5 a7
b3 54 2f 03 b0 39 63 2a 6b 44 56 36 fb 52 8d 58
```

А.2 Кривая id-GostR3410-2001-CryptoPro-B-ParamSet

А.2.1 Точка Q_1

$X = 0\text{x}0\text{ad}754474\text{a}915\text{d}9\text{d}706\text{c}6\text{b}8\text{dc}879858\text{a}1\text{cb}85\text{cc}8\text{f}6\text{c}148\text{fc}3120825393\text{ecd}394$

$Y = 0\text{x}68\text{c}33\text{b}6\text{d}0343\text{cf}72\text{cb}19666\text{ffd}487\text{fa}94294\text{dc}677\text{b}28\text{c}8\text{e}27\text{ec}36068\text{ff}85\text{ed}83$

SEED:

```
78 1d 7d 85 ff 04 12 b9 92 a7 6e 65 37 dd 83 81
```

9b 81 2f fa bf e8 92 3c d0 12 fe dc 00 c4 96 69
 f6 52 44 4d 38 9a f2 b2 6f 57 b5 3e 2d 0f 81 2e
 db 2c f3 d6 a7 18 42 52 32 da 47 18 75 1e ec ef
 8f 2b c5 03 17 fb 49 6f 02 05 d7 99 bc 3c 34 87
 12 f5 1b d3 ef aa 7f f5 ba c2 52 07 80 46 34 77

A.2.2 Точка Q_2

$X = 0x1cd96e72fdf1ce6b544dec12d0d7bcb9f6ba65bba3d9f7af732bcb133c1b6437$
 $Y = 0x34ab5b63c286a2b885ca443ac875a8f9ec0c2f148f1622bc64c83b80e6e3d31f$
 SEED:

62 93 40 15 63 0c 9a 09 ce 76 32 6c fd 1c 04 36
 ee 08 bc 92 b9 c0 3a d9 63 c6 db 00 18 12 12 fa
 e0 1a 46 38 8b b6 81 df ae 4f 64 3e cc 0c 93 8c
 e4 10 36 2f d9 6d 5c fd 99 f3 9c 13 fd 30 52 a1
 3e 8b 35 8b ed 1c 31 b0 39 9c 03 dc 5a 94 2b 41
 f8 ff 9d 62 41 bd eb 9d bf cf 54 b6 c8 cc d1 06

A.2.3 Точка Q_3

$X = 0x18dda7154e5abef001dc9943554439cb44b9e26256def176849da5f09b5f690d$
 $Y = 0x3ef584be59673d1751b2fd6e3fdc619e3d756c0d355595b3a62196de048ece44$
 SEED:

33 17 39 c1 38 82 98 88 14 68 83 c6 97 14 86 8c
 d0 d2 1a 28 41 51 99 a9 33 40 15 0b 30 88 35 01
 4a 41 42 f8 d8 9a a6 bd e1 a6 81 23 94 19 e8 a0
 ef 3d 36 02 ef ff 38 e6 10 4b 11 2f 7b b5 50 42
 5a 7b 39 a6 00 53 1a 92 fc cc 2b 0d 95 dd ea 95
 42 d4 27 6f a8 0f ae 45 b2 d6 f4 38 c1 52 17 5d

A.3 Кривая id-GostR3410-2001-CryptoPro-C-ParamSet

A.3.1 Точка Q_1

$X = 0x339f791f62938871f241c1c89643619aa8b2c7d7706ce69be01fdfff3f840003$
 $Y = 0x31d6d9264cc6f8fe09bf7aa48910b4ad5ddfd74a2ef4699b76de09ffed295f11$
 SEED:

0e 29 35 9d 45 dd a3 b4 57 9b 17 e8 87 d9 9e 63
 b9 d6 04 e3 ac 74 83 11 91 2a 5b d4 86 7b 5d 9c
 5d 07 70 64 cd f1 2d 93 f7 f0 2e f0 0a e1 7b 8b
 c1 87 50 b3 8f 39 bb 95 68 21 5c 42 e2 4e 8c fe
 59 e9 0f a6 05 0b 76 68 a2 94 da 5f 2c 9a 27 28
 1f 3a 7e 4e 14 54 10 21 01 6f 2c a2 97 77 94 12

A.3.2 Точка Q_2

$X = 0x80f4d03b00b1b9b53f6bb4ffa52be65a6d316de846e27f44ccd795bc62d89e23$
 $Y = 0x38dd712518ddec19b46afcccbba97338d89d1292427dc12985d4e848066cd1ab$
 SEED:

f5 61 4e 92 8f e5 5c 77 26 37 ab ac 1b 1e 3c dd
 2a 37 77 be 25 23 cc 58 9a 79 5a 60 28 db 9e 64
 f8 62 73 01 98 3e dd 23 0b eb 07 3e 81 9b cb d9
 94 bc bf 7f 9e 5f e1 8f a5 8a ce 9e f2 99 0e 9d
 fb ee 1c 64 38 22 33 c3 1b e7 05 9e c2 e9 bb 46
 b9 dc 15 19 9d e0 9f cb 65 d5 6d 46 2f 01 21 65

A.3.3 Точка Q_3

$X = 0x0c8b64c3f0ec7ece81b6232db2e8054666d051ee28254d4b9a4bcb1460ca546b$

$Y = 0x88c98b48b22b90d0d3a018da55ca0d05cedd82b6c838bd62aba2b823ce82b28f$

SEED:

8a 1b 29 62 38 f5 c2 e2 9b 4a c0 5b 6d 57 99 88
86 69 a4 1b b9 f6 60 f3 a3 15 26 e5 f4 33 1e ae
80 9a 38 52 f5 44 86 91 71 76 1c ab 77 0a b6 2e
c3 6f d6 4d 3c 31 a3 67 2a 82 25 bf d6 ae c9 95
66 95 b8 87 39 6a 3e bf ef 28 65 16 b9 51 29 1d
65 df 12 7a eb 4c ec f1 6f 08 f5 98 36 0a b9 a0

A.4 Кривая id-tc26-gost-3410-2012-512-paramSetA

A.4.1 Точка Q_1

$X = 0x301aac1a3b3e9c8a65bc095b541ce1d23728b93818e8b61f963e5d5b13eec0fe$
 $e6b06f8cd481a07bb647b649232e5179b019eef7296a3d9cfa2b66ee8bf0cbf2$

$Y = 0x191177dd41ce19cc849c3938abf3adaab366e5eb2d22a972b2dcc69283523e89$
 $c9907f1d89ab9d96f473f96815da6e0a47297fcd8b3adac37d4886f7ad055e0$

SEED:

64 1c 90 19 c5 d7 68 91 de d1 9a 31 28 4e 7c d3
c6 8b 74 e5 e6 a7 20 b5 2c fb 45 17 9f 91 b3 f6
3a 0c b2 5e 3f 91 e3 eb 80 3d 80 4f 79 98 a3 57
f2 e5 dc 5d 84 ab d6 7d 33 a3 2b 89 66 db c6 94
96 8f 96 2d 37 9e 33 c0 fd 14 32 dd 02 70 fb 61
1a 88 4c 6d ae 1b 58 20 24 6e 80 80 5d cd a8 66

A.4.2 Точка Q_2

$X = 0x7edc38f17f88e3105bafb67c419d58fe6a9094dd4dc1a83bcaccc61f020ac447$
 $92eba888457c658ee2d82557b7c6ab6efd61ba0c3327741d09a561a8b860a085$

$Y = 0x3af1400a7a469058d9ba75e65ea5d3f4d0bdb357fa57eb73fa4900e2dca4da78$
 $b8e5ff35ca70e522610bb1fc76b102c81cc4729f94b12822584f6b6229a57ea1$

SEED:

3d ad a1 b4 fb 87 3e 13 1e 51 62 60 1f ee f1 54
b0 77 e0 71 1b cf da 74 a2 20 7e a3 20 01 c3 f5
79 00 5f 10 9f c1 83 83 4e 29 46 b3 29 8a 4c 10
0c 69 f4 c6 40 92 3f ed af b2 68 08 0b 6b 1c 07
48 a1 18 29 6e 64 9b f6 1d eb 26 27 b4 77 9e e8
e0 ff c1 db 48 5d 8b c1 10 8c 58 b1 af 07 5f 7b

A.4.3 Точка Q_3

$X = 0x387acfa7bbc5815407474a7c1132a1bded12497243d73ef8133d9810eb21716$
 $95dde2ff15597e159464a1db207b4d1ff98fbb989f80c2db13bc8ff5fea16d59$

$Y = 0x4c816d1ca3e145ac448478fb79a77e1ad2dfc69576685e2f6867ec93fbad8aa4$
 $4111acd104036317095bce467e98f295436199c8ead57f243860d1bde8d88b68$

SEED:

7c 8d a6 91 96 0d 9d 06 65 92 23 08 df cf 51 71
bd 7c 4b f8 50 1b 3f fd 3c b1 58 3a 30 e1 a7 17
4e 09 e2 5f 1d 19 35 6e b0 51 66 1c d0 2a c1 9e
48 22 38 49 76 0d 43 4e 20 ea d1 80 73 84 1c e8
36 a6 8e f3 24 bb 2d 57 45 32 a5 d4 e6 08 73 fa
d3 8c 32 e8 af a1 c5 25 8c ff 3d 52 ca ac 98 d1

A.5 Кривая id-tc26-gost-3410-2012-512-paramSetB**A.5.1 Точка Q_1**

$X = 0x488cf12b403e539fde9ee32fc36b6ed52aad9ec34ff478c259159a85e99d3dda$
 $dfd5d73606ecee351e0f780a14c3e9f14e985d9d7ddec93b064fc89b0c843650$

$Y = 0x7bc73c032edc5f2c74dd7d9da12e1856a061ce344a77253f620592752b1f3a3d$
 $cbbc87eb27ec4ed5e236dfcb03f3972404747e277671e53a9e412e82aaf6c3f7$

SEED:

40 57 8b 1a c0 bd 53 8d 75 97 2d 49 9b 1c c6 73
 94 c8 f7 d4 76 cd fe 15 59 02 fa 0f 28 b8 06 e1
 81 4c fb d0 4d 62 86 0c 4a ce c1 0e 88 13 da 2a
 d4 fd 7a 13 4d ba 75 0d 2c 80 f2 68 ba c1 b4 34
 98 ea fe 10 51 86 60 b7 70 30 f8 64 6f 21 d9 40
 aa da 62 3e ad 44 3f 93 73 a5 6b c3 15 55 3c bd

A.5.2 Точка Q_2

$X = 0x175166b97248bda12ec035df2e312a2771d0b16977c9cbc79461ff05e01f719c$
 $92ae8b53f3b7e3edcacffcc5063b5e9c8de18d0cb87da358350992132173df69$

$Y = 0x10e2943dc1a18a841ab76ac756fa974948d5a18d071d458a4769c2494fe2a6c5$
 $966e3c8931e624d87259156aea9317157502698e4a4a489c327b89277cf59b4c$

SEED:

26 01 07 1b 3d 3e 6d e7 0e d0 22 ae be 81 be 47
 51 77 49 b6 5d 29 d1 07 5c df cb f4 56 a8 77 54
 2b e9 91 50 34 06 b3 aa 71 c5 ce 16 b6 5f e9 93
 e7 48 99 58 b1 26 81 10 9f 9b e4 30 38 73 77 13
 f0 6a 4f 30 05 b2 66 76 9f b8 1b 5f 39 55 52 97
 ab 46 6b 5d 2e 19 2d 12 f3 2a b3 18 72 71 52 62

A.5.3 Точка Q_3

$X = 0x01f4583db894cdebd7c591af848783ee011a20567751ca1561f398a6118ace08$
 $a4efe1501bda67f39d060270ba660526dc53063c6b40fa5548c9a9e7688f2239$

$Y = 0x7bc640641d70c8296bd9257c9eebb5b1bd3196a169bac04f7579bf27b5847d4e$
 $7b4f63748ad81b5469070ed35ad93e5a5258652306f84094eae04a91954536ee$

SEED:

bb 9a 63 a5 67 7d 40 7c f3 4d 06 df 96 7d d9 e9
 ca 4d 42 eb d6 7d a5 69 a4 9b d8 b1 04 64 2e 20
 fb a9 9d 84 2f cb 54 76 61 dc 7a a4 de 72 6f 67
 4a 09 85 46 20 04 7c c1 75 2c ab 67 99 8b 5c 8e
 6a 88 6d 0a 06 e6 a3 fa e8 19 34 21 1a ec 81 8d
 89 03 9e 45 dc a1 85 03 7e c3 49 37 33 ee 3c 2e

A.6 Кривая id-tc26-gost-3410-2012-256-paramSetA**A.6.1 Точка Q_1**

$X = 0x5161b08a973d521bdde0cbd45b68aa0470e1058dd936e5bd618fd3373770eed9$

$Y = 0xc1633db551677c62b9c2b69d47e503c0f8ca83b6b3109dece0a5f985d77a83a7$

$U = 0x9c5ad63ddc3314ac009d879780d6219720bf4573f4fe6b4bf7a0a88860677f9d$

$V = 0x8ee071a767f3d6f0435eb6100d1a936f984e43d9af0bc91c864a9e65cee025fb$

SEED:

c4 7e 5e 42 31 4e dd 8e e9 ac 39 fb c8 da ea c8
 e6 5b fd 26 58 27 4e 1f 99 e9 33 e1 1e 5d f2 62
 4a e3 97 f1 7e db f9 83 60 f3 ec 2e 8f 6f 2e ff
 d4 aa 80 5c 71 d6 ed 5b a1 5b c9 d0 ad d6 38 23
 84 c1 55 20 a5 b8 bb bd 7b 23 1f c8 fb 8c 77 71
 57 b9 77 25 91 55 3f 17 46 8c 4b b3 64 6f 9f 53

A.6.2 Точка Q_2

$X = 0xd47abd59dcccad35849dec9dc721ffa1e44419ca8686406a9f441e61294b210ed$
 $Y = 0xa78b64220bf3375d08de0ea5e2920cfd8f204da6757bf1878ac870fb7e5ca0e8$
 $U = 0xf0195efb6b249eb8018c19376907c787511bf30516a5c27d045fc7ba2af58ed0$
 $V = 0xacaee88466127df000b663863bc7bd394eafa6996fcedad11d7834f502a6a2686$
SEED:
 30 5f d0 bb ce c7 16 49 ac e4 1b 4d ca 07 6c a6
 96 a8 8c c6 fd 06 91 a8 79 13 5d e1 90 96 e3 c8
 03 c5 b4 ad 41 68 36 9b e7 b9 ed 81 d6 e2 bd 0c
 a2 8e b0 e9 6f 74 2d 50 e2 df b6 a1 86 ae 15 60
 96 a3 5a 97 a2 20 fa 6d 0f cf 88 db 6d 86 cd db
 19 7c 3a 21 5f 10 cc ea 42 95 ef aa b2 63 95 d5

A.6.3 Точка Q_3

$X = 0xe0d610ff42ce21eb308980964ca368963fbe5cb08c277187d22d0c94f4bf0762$
 $Y = 0x82619b88da25b666e07b617ff487be8afd5af8b092568b493ecef44ee0c04b5f$
 $U = 0x723df0719311d095b814ee05ca086e18c410c375a48789dc03c3fe844ed3b7c9$
 $V = 0x160e1b5338337ee0620745206dbe5556a7ff5d19735418a3cc03bf7f2735ce25$
SEED:
 22 16 91 c7 21 8d 93 d4 a8 ad 15 e4 72 33 84 90
 ca 5c 5e 3b 84 84 57 4e bc df 83 26 68 84 5e f4
 09 53 71 79 7a f8 e2 a6 e3 99 93 de 2a 7c 65 f0
 37 26 2e cc fa 95 58 9a c6 e8 b1 2d e6 09 af be
 f9 2f 12 d0 a3 08 56 9a b3 c0 fa d8 ec 5d 7b 9c
 f4 27 1f aa 54 bc bb da 31 61 b7 cd f5 40 d6 b8

A.7 Кривая id-tc26-gost-3410-2012-512-paramSetC

A.7.1 Точка Q_1

$X = 0x5b065ead2e94de0ee2e462de204c93c6b2bf3498ad920393cb60259e1a8ffc7c$
 $7e7d4defa20ff4282abf70207e4611d532f40db6800e29d2b53f6ac0713e5b38$
 $Y = 0xa39a28c59ff7f796b85223b8834384907c626086415487288ed1182ca4487dc1$
 $ae5f37af90fd267b7c0dc8542ea52cd984af54731bc84271d6186d973c91359b$
 $U = 0x3c80e89805380f52cfe86ff990501801d70e5b4636e8478674d2d5706a56a666$
 $63eb03abdc332584f7ea8c3255b1be3ca75e4685a060e0ea88e569612d9e7227$
 $V = 0xd8f2cf17c484f4bb6a0208b3796a2609971c55d56bffadf155c0bfb76f7afe99$
 $7d6b6e8fde9e2cefd0ab3e31a1862953425a70334e4e2404c9cd9079856c7259$
SEED:
 03 8a 01 b5 ea a2 28 3b bb 29 7b 81 ad 94 92 01
 e4 32 11 df 76 a3 70 ec c0 09 ec 49 1f 9f 8d 33
 f2 ee 24 08 c7 88 27 cd 0c 51 17 a7 e3 8d 58 5b
 3d 15 50 30 a3 29 1b ad 6a 21 ab 48 38 1d 66 bc
 1b d6 b9 ba 6e d8 6a 21 65 c5 99 84 dc 5d 51 81
 f3 f1 97 fe 4a 86 81 c2 e5 0a 22 a0 61 2c 55 7e

A.7.2 Точка Q_2

$X = 0xb3e6c475f173af4494dd02ad7c9df3bd6a5ca82c3d65ad86fbb330dfb1c40e34$
 $c4cd04d93f609cff2daea5907d0e08192a29be3ff2752223b868e8bcc6a7b74$
 $Y = 0x53ffc818281bcf383d9b6542b3b1fcee5bd20cd1c805ed1dacb83ba161167a5$
 $eb96df52c1d290496043ea514c465ecb37970fcd7ffbb6ca35a767cd0227fe8c$
 $U = 0x8dd3f6f455ffaea85c3935750792b65fa1ba990c7ac8bc449a77bb86aeb87eb6$
 $ecb6bf387924885b0ea1e30fc4d742919504cd7baf4926b777ed40b898be41f8$

$V = 0x2d7edc1ca6078878d2d8ecafabc2abc83fcb269c049baa11951ff2523b69b1d14ee6c0fa7cbd5a566cb32246d14568eb9fa04e3b53ee6175bb32887796870ba9$

SEED:

63 ce db 44 3d f8 df 68 8d 5d fd d0 ea 54 41 62
 f5 6d 78 92 73 0c 86 88 53 e2 24 4d dd 87 1e 4a
 0e 3f b7 32 40 c8 7a bc e8 fd b3 16 dd 0e 9b 23
 ec 1f c7 40 86 29 8c fc f2 a1 d9 18 31 af a3 cf
 1e 98 b8 0d 42 0c f6 73 8d 57 44 77 8e 1a d3 e4
 42 d7 26 39 6c 91 b7 f5 e8 84 09 8d be 02 aa 80

A.7.3 Точка Q_3

$X = 0xbe963ad90f84ff9ff6ff7ddd39d91cea649e849bf20b8cc1e72040cf689a974f40f24e10c737bfa558b514c605b7c156e24251b859202b12ef311b0f363171eb$

$Y = 0x007cfa56f5ae239694e74f7996e1f44fcd4f62205a555fdb627e4212576b45917f88667bcd924a3271f40dc4bbd2f2e216b4fcf59c25fdd8154241d40f42e2ad$

$U = 0xff6697883ce5c6cc165fa78ff158c03b31add23dc01b24902b18c5487f1835ffeaf4af5ede44f8b254748704e504810597d0e4418daf50e0253f33915de97b7b$

$V = 0x54e1ba656234479c5845c06af70bbefa741a863d5186ca720ee2f43bdd4d5b7471594871d532ce263928aa30ae3c25efc6a2f82d4163c45869339426888be3bc$

SEED:

06 ce 08 fa 5d 11 50 45 e2 d2 a8 03 01 d2 9e 2a
 39 c3 ea e7 f1 61 37 f9 3e 51 d1 46 f3 21 b1 89
 fb 5c 17 70 26 5b 30 8b 6d f2 87 7c d9 d3 6f 8a
 3c b4 e7 1d f0 99 a4 73 69 1d d5 46 8d 43 50 f9
 87 df e5 e5 de ff 3c 7b b8 f4 62 ed 19 9b f3 33
 7a 6f f9 0e c5 f0 bc bb 1a 59 1e cd c2 9b 52 64

Приложение Б (справочное)

Контрольные примеры

Для одной из трех точек каждой кривой, указанных в приложении А настоящих рекомендаций, приведены контрольные примеры работы протокола.

Б.1 Кривая id-GostR3410-2001-CryptoPro-A-ParamSet

В данном примере входные параметры протокола принимают следующие значения:

$N = 3$

$ind = 1$

ID_A :

00 00 00 00

ID_B :

00 00 00 00

PW :

31 32 33 34 35 36 ('123456')

$salt$:

29 23 be 84 e1 6c d6 ae 52 90 49 f1 f1 bb e9 eb

Q_{ind} :

$X = 0xa33ce065b0c23e1d3d026a206f8a1f8747ed1cd92a665bf85198cdb10ac90a5c$

$Y = 0xb00d0dc0733883f05de9f55fd711f55998f5508cc40bead80c913b4d5b533667$

Функция $F(PW, salt, 2000)$ при этом принимает следующее значение:

$F(PW, salt, 2000)$:

bd 04 67 3f 71 49 b1 8e 98 15 5b d1 e2 72 4e 71

d0 09 9a a2 51 74 f7 92 d3 32 6c 6f 18 12 70 67

Координаты точки Q_{PW} равны:

$X = 0x9d339b3396ae4a816388a14c79ab3a8dd495fa4c53f0d4076579022ef2aaeb68$

$Y = 0xdad91482e208590fd316bf959480f5ec2c17463ec8fc8f63030649b452cddda8$

При формировании сообщения u_1 на стороне А параметр α , точка αP и сформированное сообщение u_1 принимают следующие значения:

$\alpha = 0xfccbd45d1f2538097d5a031fa68bbb43c84d12b3de47b7061c0d5e24993e0c87$

αP :

$X = 0x24538e096781b9d53316c342ae5bbd49ccfb2db627c3659175bc4fa9d95b4618$

$Y = 0xf6e39a7490ae0ac449f5abe7e2135697c582daf3a038c40a05e6e8be3e466a2b$

u_1 :

$X = 0xcf73b30dd577369fb98e2a93d6d98d7450f9ceef2bada1e3dcb8bb1016dff1e1$

$Y = 0x1cf05014caedbdb1635120b30e0a445060b8f1cca52965cf83c4838d554ca4e2$

При обработке сообщения u_1 , выработке ключа K_B и сообщения u_2 на стороне В параметры β , src , $K_B = H_{256}(src)$, βP и u_2 принимают следующие значения:

$\beta = 0xf2144faddc497d9ef6324912fd367840ee509a2032aedb1c0a890d133b45f596$

src :

39 c0 e8 83 59 91 cd 6d 56 88 fc ad 55 29 1f 79

e5 0f 87 9d 94 b5 0a b2 db d6 bd f7 e8 39 b7 1a

10 b5 a7 8d c0 36 b8 73 f7 e4 b1 6b 12 48 6f eb

69 d7 39 d4 01 4d ae e2 cc 5c 2f c7 4a 2c c8 06

K_B :

e0 4e e0 14 7f 9f 19 8d e2 5a af 33 a2 84 99 e0

ce 7d 31 6e 47 39 76 2f d5 19 f8 e9 91 d7 fc 00

βP :

$X = 0xb11f1a8fb043bc6d4068667b897e4ff637b8410f5eb19e11b0a7028f34d6936a$

$Y = 0x266d952955e2ab3f3ba75d14a919795d6b8ac04dbcff1cfaac6ba32291c099fd$

u_2 :

$X = 0x6e1bfb24b6131a3ad0b60e477a38715c6f96f21bb0b2f9ebd67680e804a77199$

$Y = 0x873ee3c546c41e8f707298f11b955fe64f7577d52d7dad1becb9925178ca80$

При обработке сообщения u_2 и выработке ключа на стороне А значение K_A равно:

K_A :

e0 4e e0 14 7f 9f 19 8d e2 5a af 33 a2 84 99 e0

ce 7d 31 6e 47 39 76 2f d5 19 f8 e9 91 d7 fc 00

При формировании сообщения $MAC_A = HMAC(K_A, 0x01 \parallel ID_A \parallel ind \parallel salt \parallel u_1 \parallel u_2)$ на стороне А получаем следующее значение:

MAC_A :

bd 35 c5 0e 90 60 e6 4f 04 2e 7b e6 cc 02 99 84

0c 8e 27 82 b8 e5 9c 3d d4 47 50 11 16 73 c5 ea

Значение $MAC_B = HMAC(K_B, 0x02 \parallel ID_B \parallel ind \parallel salt \parallel u_1 \parallel u_2)$ на стороне В равно:

MAC_B :

c8 c8 2c 0f ed 8e 4d 1e 41 42 d7 a9 f0 55 b4 5f

f6 71 2d 2f 41 bf 26 ef 2f bc 37 c5 56 4b 86 d3

Б.2 Кривая id-GostR3410-2001-CryptoPro-B-ParamSet

В данном примере входные параметры протокола принимают следующие значения:

$N = 3$

$ind = 1$

ID_A :

00 00 00 00

ID_B :

00 00 00 00

PW :

31 32 33 34 35 36 ('123456')

$salt$:

29 23 be 84 e1 6c d6 ae 52 90 49 f1 f1 bb e9 eb

Q_{ind} :

$X = 0x0ad754474a915d9d706c6b8dc879858a1cb85cc8f6c148fc3120825393ecd394$

$Y = 0x68c33b6d0343cf72cb19666ffd487fa94294dc677b28c8e27ec36068ff85ed83$

Функция $F(PW, salt, 2000)$ при этом принимает следующее значение:

$F(PW, salt, 2000)$:

bd 04 67 3f 71 49 b1 8e 98 15 5b d1 e2 72 4e 71

d0 09 9a a2 51 74 f7 92 d3 32 6c 6f 18 12 70 67

Координаты точки Q_{PW} равны:

$X = 0x7a7211a430fd4e31b815e6d2454eea9574f034c5c442dce1723d69555d3ee4c9$

$Y = 0x2995e857187808e80d3e40a00fb87128e203f2d91c1f15d8193a5aad95964734$

При формировании сообщения u_1 на стороне А параметр α , точка αP и сформированное сообщение u_1 принимают следующие значения:

$\alpha = 0x499d72b90299cab0da1f8be19d9122f622a13b32b730c46bd0664044f2144fad$

αP :

$X = 0x61d6f916db717222d74877f179f7ebef7cd4d24d8c1f523c048e34a1df30f8dd$

$Y = 0x3ec48863049cfce662904082e78503f4973a4e105e2f1b18c69a5e7fb209000$

u_1 :

$X = 0x35e78fcbc24998eb3039445a9de7032aadf291e7768196ef618e45bed80edf88$

$Y = 0x1970a4697295f6d361d2c3edd3885794c1254bac3f4adb4a3346ad01a911d13c$

При обработке сообщения u_1 , выработке ключа K_B и сообщения u_2 на стороне B параметры β , src , $K_B = H_{256}(src)$, βP и u_2 принимают следующие значения:

$\beta = 0x0f69ff614957ef83668edc2d7ed614be76f7b253db23c5cc9c52bf7df8f4669d$

src :

50 14 0a 5d ed 33 43 ef c8 25 7b 79 e6 46 d9 f0
df 43 82 8c 04 91 9b d4 60 c9 7a d1 4b a3 a8 6b
00 c4 06 b5 74 4d 8e b1 49 dc 8e 7f c8 40 64 d8
53 20 25 3e 57 a9 b6 b1 3d 0d 38 fe a8 ee 5e 0a

K_B :

a6 26 de 01 b1 68 0f f7 51 30 09 12 2b ce e1 89
68 83 39 4f 96 03 01 72 45 5c 9a e0 60 cc e4 4a

βP :

$X = 0x33bc6f7e9c0ba10cfb2b72546c327171295508ea97f8c8ba9f890f2478ab4d6c$
 $Y = 0x75d57b396c396f492f057e9222ccc686437a2aad464e452ef426fc8eed1a4a6$

u_2 :

$X = 0x20d7a92b238143e3f137be904d52fa35c45a29f02a7226a7ac83a1172c2a55cd$
 $Y = 0x5fc4cd6ffb0e76ea8603ce9e6dab5164285617969ab3bfab09fbeb8595d1f47b$

При обработке сообщения u_2 и выработке ключа на стороне A значение K_A равно:

K_A :

a6 26 de 01 b1 68 0f f7 51 30 09 12 2b ce e1 89
68 83 39 4f 96 03 01 72 45 5c 9a e0 60 cc e4 4a

При формировании сообщения $MAC_A = HMAC(K_A, 0x01 \parallel ID_A \parallel ind \parallel salt \parallel u_1 \parallel u_2)$ на стороне A получаем следующее значение:

MAC_A :

55 7a 59 61 42 60 39 a1 52 c8 23 a7 65 04 59 b0
62 be 3d 47 56 53 03 09 95 57 1c e7 53 40 26 47

Значение $MAC_B = HMAC(K_B, 0x02 \parallel ID_B \parallel ind \parallel salt \parallel u_1 \parallel u_2)$ на стороне B равно:

MAC_B :

3b c5 5e 27 07 84 19 94 c4 b9 ca ba 43 e6 ce 6a
09 2d e9 08 83 76 5f b6 c3 44 c6 1d 76 02 96 e9

Б.3 Кривая id-GostR3410-2001-CryptoPro-C-ParamSet

В данном примере входные параметры протокола принимают следующие значения:

$N = 3$

$ind = 1$

ID_A :

00 00 00 00

ID_B :

00 00 00 00

PW :

31 32 33 34 35 36 ('123456')

$salt$:

29 23 be 84 e1 6c d6 ae 52 90 49 f1 f1 bb e9 eb

Q_{ind} :

$X = 0x339f791f62938871f241c1c89643619aa8b2c7d7706ce69be01fdff3f840003$
 $Y = 0x31d6d9264cc6f8fe09bf7aa48910b4ad5ddfd74a2ef4699b76de09fed295f11$

Функция $F(PW, salt, 2000)$ при этом принимает следующее значение:
 $F(PW, salt, 2000)$:

bd 04 67 3f 71 49 b1 8e 98 15 5b d1 e2 72 4e 71
d0 09 9a a2 51 74 f7 92 d3 32 6c 6f 18 12 70 67

Координаты точки Q_{PW} равны:

$X = 0x8b666917d42c455331358c50c3c12c85b898a2e454b50dd773541da02e1c3068$

$Y = 0x8a9b6c4703934b7f0dc903f52c16275e1d38b568117c7cf3bd322a99a311fe9$

При формировании сообщения u_1 на стороне A параметр α , точка αP и сформированное сообщение u_1 принимают следующие значения:

$\alpha = 0x3a54ac3f19ad9d0b1eac8acdcea70e581f1dac33d13feafd81e762378639c1a8$

αP :

$X = 0x96b7f09c94d297c257a7da48364c0076e59e48d221cba604ae111ca3933b446a$

$Y = 0x54e4953d86b77ecceb578500931e822300f7e091f79592ca202a020d762c34a6$

u_1 :

$X = 0x2124a22e00b1be2114f5ca42d58d55a0a9f2b08f8cb10275eddf8243402abb7a$

$Y = 0x62497815861d15877b7ad2e86768a2deb0f755a8b1a8897fc5235da783914a59$

При обработке сообщения u_1 , выработке ключа K_B и сообщении u_2 на стороне B параметры β , src , $K_B = H_{256}(src)$, βP и u_2 принимают следующие значения:

$\beta = 0x448781782bf7c0e52a1dd9e6758fd3482d90d3cfccf42232cf357e59a4d49fd4$

src :

16 a1 2d 88 54 7e 1c 90 06 ba a0 08 e8 cb ec c9

d1 68 91 ed c8 36 cf b7 5f 8e b9 56 fa 76 11 94

d2 8e 25 da d3 81 8d 16 3c 49 4b 05 9a 8c 70 a5

a1 b8 8a 7f 80 a2 ee 35 49 30 18 46 54 2c 47 0b

K_B :

be 7e 7e 47 b4 11 16 f2 c7 7e 3b 8f ce 40 30 72

ca 82 45 0d 65 de fc 71 a9 56 49 e4 de ea ec ee

βP :

$X = 0x4b9c0ab55a938121f282f48a2cc4396eb16e7e0068b495b0c1dd4667786a3eb7$

$Y = 0x223460aa8e09383e9df9844c5a0f2766484738e5b30128a171b69a77d9509b96$

u_2 :

$X = 0x47ad0110d1620fe38832e90b58971d2e0b9183dd52de23422b6fc47bec64541a$

$Y = 0x8296af496b3c52640e738a195d63ab7bfb457aba7c71b5649cc3e300829cbf0a$

При обработке сообщения u_2 и выработке ключа на стороне A значение K_A равно:

K_A :

be 7e 7e 47 b4 11 16 f2 c7 7e 3b 8f ce 40 30 72

ca 82 45 0d 65 de fc 71 a9 56 49 e4 de ea ec ee

При формировании сообщения $MAC_A = HMAC(K_A, 0x01 \parallel ID_A \parallel ind \parallel salt \parallel u_1 \parallel u_2)$ на стороне A получаем следующее значение:

MAC_A :

47 58 fa 64 9f 2e 31 3b f2 70 8b 76 a7 f7 a7 5a

37 ce 9e 7f 55 c3 fc 5a 55 77 e8 77 a7 a2 c1 ea

Значение $MAC_B = HMAC(K_B, 0x02 \parallel ID_B \parallel ind \parallel salt \parallel u_1 \parallel u_2)$ на стороне B равно:

MAC_B :

2f 33 b9 bf f0 7d cd e3 44 67 bd b0 7f 62 fc a8

b3 52 3a 64 39 ef f1 c9 93 ba 0b 4c e6 c2 ed e4

Б.4 Кривая id-tc26-gost-3410-2012-512-paramSetA

В данном примере входные параметры протокола принимают следующие значения:

$N = 3$

$ind = 1$

ID_A :

00 00 00 00

ID_B :

00 00 00 00

PW :

31 32 33 34 35 36 ('123456')

$salt$:

29 23 be 84 e1 6c d6 ae 52 90 49 f1 f1 bb e9 eb

Q_{ind} :

$X = 0x301aac1a3b3e9c8a65bc095b541ce1d23728b93818e8b61f963e5d5b13eec0fe$
 $e6b06f8cd481a07bb647b649232e5179b019eef7296a3d9cfa2b66ee8bf0cbf2$

$Y = 0x191177dd41ce19cc849c3938abf3adaab366e5eb2d22a972b2dcc69283523e89$
 $c9907f1d89ab9d96f473f96815da6e0a47297fcdd8b3adac37d4886f7ad055e0$

Функция $F(PW, salt, 2000)$ при этом принимает следующее значение:

$F(PW, salt, 2000)$:

bd 04 67 3f 71 49 b1 8e 98 15 5b d1 e2 72 4e 71
d0 09 9a a2 51 74 f7 92 d3 32 6c 6f 18 12 70 67
1c 62 13 e3 93 0e fd da 26 45 17 92 c6 20 81 22
ee 60 d2 00 52 0d 69 5d fd 9f 5f 0f d5 ab a7 02

Координаты точки Q_{PW} равны:

$X = 0xa8b54a6339b296f5c5227670fb1482010b4b07e3642974b40c58a5f1da33370e$
 $fed546eb17c6a707f3fc69671deba10a6de03a55f859473e9074a89b4a7b5488$

$Y = 0xfeb4f37ecf21536328b32f4c8e0430d5c0c096001c08a378ac30b8634412f44c$
 $5ba9b7096642f51cc3a018cd1599c849cd62917a370eca3bbc6bed5eedabdd77$

При формировании сообщения u_1 на стороне А параметр α , точка αP и сформированное сообщение u_1 принимают следующие значения:

$\alpha = 0x3ce54325db52fe798824aead11bb16fa766857d04a4af7d468672f16d90e7396$
 $046a46f815693e85b1ce5464da9270181f82333b0715057bbe8d61d400505f0e$

αP :

$X = 0xb93093eb0fcc463239b7df276e09e592fcfc9b635504ea4531655d76a0a3078e$
 $2b4e51cfe2fa400cc5de9fbc369db204b3e8ed7edd85ee5cca654c1aed70e396$

$Y = 0x809770b8d910ea30bd2fa89736e91dc31815d2d9b31128077eedc371e9f69466$
 $f497dc64dd5b1fad5c587f860ee256109138c4a9cd96b628e65a8f590520fc882$

u_1 :

$X = 0xe8732d5471901b3eb9a31aaeaeac7a6155c2c8fc1c960cb475e14074987dd2c8$
 $4eccafac0835735a5c2df3d1c8dacf4a1d2e38e1e4419f5df4e25b7f8dd90b50$

$Y = 0xd680a41eae979d49f4752008e9e92eb0efc1950d74b85e852be47f3958d5500$
 $0442d859e5b459de5dc7acaa0c36383cd1f98f271333c6083dcecaf07ac825b8$

При обработке сообщения u_1 , выработке ключа K_B и сообщения u_2 на стороне В параметры β , src , $K_B = H_{256}(src)$, βP и u_2 принимают следующие значения:

$\beta = 0xb5c286a79aa8e97ec0e19bc1959a1d15f12f8c97870ba9d68cc12811a56a3bb1$
 $1440610825796a49d468cdc9c2d02d76598a27973d5960c5f50bce28d8d345f4$

src :

84 59 c2 0c b5 c5 32 41 6d b9 28 eb 50 c0 52 0f
b2 1b 9c d3 9a 4e 76 06 b2 21 be 15 ca 1d 02 da
08 15 de c4 49 79 c0 8c 7d 23 07 af 24 7d da 1f
89 ec 81 20 69 f5 d9 cd e3 06 af f0 bc 3f d2 6e

d2 01 b9 53 52 a2 56 06 b6 43 e8 88 30 2e fc 8d
 3e 95 1e 3e b4 68 4a db 5c 05 7b 8f 8c 89 b6 cc
 0d ee d1 00 06 5b 51 8a 1c 71 7f 76 82 ff 61 2b
 bc 79 8e c7 b2 49 0f b7 00 3f 94 33 87 37 1c 1d

K_B :

53 24 de f8 48 b6 63 cc 26 42 2f 5e 45 ee c3 4c
 51 d2 43 61 b1 65 60 ca 58 a3 d3 28 45 86 cb 7a

βP :

$X = 0x238b38644e440452a99fa6b93d9fd7da0cb83c32d3c1e3cfe5df5c3eb0f9db91$
 $e588daedc849ea2fb867ae855a21b4077353c0794716a6480995113d8c20c7af$
 $Y = 0xb2273d5734c1897f8d15a7008b862938c8c74ca7e877423d95243eb7ebd02fd2$
 $c456cf9fc956f078a59aa86f19dd1075e5167e4ed35208718ea93161c530ed14$

u_2 :

$X = 0x1830804bf1fb07ebd43f27d03ff71ad9c7c31becaf1d3585dfb9e356c36638dc$
 $d82aba559dec06d46c862566653dfe0b116eb1a68439b0283f4d79ce48408eee$
 $Y = 0x23b33ae97fba92e06095c41525aedf7b5d96fe9ca8e0244ed6c8a565d542d05e$
 $d3044cafb1a8ac9a570c5133ba846d61da77f54da2daf13b0def7d90a0796f06$

При обработке сообщения u_2 и выработке ключа на стороне А значение K_A равно:

K_A :

53 24 de f8 48 b6 63 cc 26 42 2f 5e 45 ee c3 4c
 51 d2 43 61 b1 65 60 ca 58 a3 d3 28 45 86 cb 7a

При формировании сообщения $MAC_A = HMAC(K_A, 0x01 \parallel ID_A \parallel ind \parallel salt \parallel u_1 \parallel u_2)$ на стороне А получаем следующее значение:

MAC_A :

37 e6 1a 43 2d 85 75 9b 30 13 a2 9d d6 82 f1 4d
 33 ca 86 89 37 db 4b f2 02 91 ed cf 6b e2 4b 4e

Значение $MAC_B = HMAC(K_B, 0x02 \parallel ID_B \parallel ind \parallel salt \parallel u_1 \parallel u_2)$ на стороне В равно:

MAC_B :

72 dc de 19 5f 26 4b b8 a8 1d 2a fe 2f d9 da 2d
 60 12 81 9c 15 f7 11 db 2b c4 c5 74 85 9e 05 3e

Б.5 Кривая id-tc26-gost-3410-2012-512-paramSetB

В данном примере входные параметры протокола принимают следующие значения:

$N = 3$

$ind = 1$

ID_A :

00 00 00 00

ID_B :

00 00 00 00

PW :

31 32 33 34 35 36 ('123456')

$salt$:

29 23 be 84 e1 6c d6 ae 52 90 49 f1 f1 bb e9 eb

Q_{ind} :

$X = 0x488cf12b403e539fde9ee32fc36b6ed52aad9ec34ff478c259159a85e99d3dda$
 $dfd5d73606ecee351e0f780a14c3e9f14e985d9d7ddec93b064fc89b0c843650$
 $Y = 0x7bc73c032edc5f2c74dd7d9da12e1856a061ce344a77253f620592752b1f3a3d$
 $cbbc87eb27ec4ed5e236dfef03f3972404747e277671e53a9e412e82aaf6c3f7$

Функция $F(PW, salt, 2000)$ при этом принимает следующее значение:
 $F(PW, salt, 2000)$:

```
bd 04 67 3f 71 49 b1 8e 98 15 5b d1 e2 72 4e 71
d0 09 9a a2 51 74 f7 92 d3 32 6c 6f 18 12 70 67
1c 62 13 e3 93 0e fd da 26 45 17 92 c6 20 81 22
ee 60 d2 00 52 0d 69 5d fd 9f 5f 0f d5 ab a7 02
```

Координаты точки Q_{PW} равны:

```
X = 0x2383039092052ed0e8ca3f751c11ebb891b8f32f7c66a437dec86345c63efc4b
a1ecd04dfc11826dd581cbc1d744754e284c00b04eef9cd6eff22c12432c46fd
Y = 0x374202580afbaf2f68da8a5c03ab82e71eb4c1f1fdd881aa2911d0206d470039
275d298d5477901565ab826ec4492f67eebcf3194442f272fd2cad9a5f04234f
```

При формировании сообщения u_1 на стороне А параметр α , точка αP и сформированное сообщение u_1 принимают следующие значения:

```
 $\alpha$  = 0x715e893fa639bf341296e0623e6d29dadf26b163c278767a7982a989462a3863
fe12aef8bd403d59c4dc4720570d4163db0805c7c10c4e818f9cb785b04b9997
```

αP :

```
X = 0x10c479ea1c04d3c2c02b0576a9c42d96226ff033c1191436777f66916030d87d
02fb93738ed7669d07619ffce7c1f3c4db5e5df49e2186d6fa1e2eb5767602b9
Y = 0x039f6044191404e707f26d59d979136a831cce43e1c5f0600d1ddf8f39d0ca3d
52fbd943bf04ddced1aa2ce8f5ebd7487acdef239c07d015084d796784f35436
```

u_1 :

```
X = 0x0ab9e56fc0d48e4982ee0a0b09507a63dc530181611d9f00d0464724415757b9
de1c647178783a0fb4648dfd8e3da1efeb4db29de4711c8599191054ca7de6c4
Y = 0x4decae941f8d19c44daae9eb132019e116478124e76430b8bee16ce6910a06c8
a2fed68f4907e4ba17c4f4e3356dc3b3b8647165b9c1aae54b1c13239bfa8213
```

При обработке сообщения u_1 , выработке ключа K_B и сообщения u_2 на стороне В параметры β , src , $K_B = H_{256}(src)$, βP и u_2 принимают следующие значения:

```
 $\beta$  = 0x30fa8c2b4146c2dbbe82bed04d7378877e8c06753bd0a0ff71ebf2befe8da8f3
dc0836468e2ce7c5c961281b6505140f8407413f03c2cb1d201ea1286ce30e6d
```

src :

```
3f 04 02 e4 0a 9d 59 63 20 5b cd f4 fd 89 77 91
9b ba f4 80 f8 e4 fb d1 25 5a ec e6 ed 57 26 4b
d0 a2 87 98 4f 59 d1 02 04 b5 f4 5e 4d 77 f3 cf
8a 63 b3 1b eb 2d f5 9f 8a f7 3c 20 9c ca 8b 50
b4 18 d8 01 e4 90 ae 13 3f 04 f4 f3 f4 d8 fe 8e
19 64 6a 1b af 44 d2 36 fc c2 1b 7f 4d 8f c6 a1
e2 9d 6b 69 ac ce ed 4e 62 ab b2 0d ad 78 ac f4
fe b0 ed 83 8e d9 1e 92 12 ab a3 89 71 4e 56 0c
```

K_B :

```
d5 90 e0 5e f5 ae ce 8b 7c fb fc 71 be 45 5f 29
a5 cc 66 6f 85 cd b1 7e 7c c7 16 c5 9f f1 70 e9
```

βP :

```
X = 0x34c0149e7bb91ae377b02573fcc48af7bfb7b16deb8f9ce870f384688e3241a3
a868588cc0ef4364cca67d17e3260cd82485c202adc76f895d5df673b1788e67
Y = 0x608e944929bd643569ed5189db871453f13333a1eaf82b2fe1be8100e775f13d
d9925bd317b63bfaf05024d4a738852332b64501195c1b2ef789e34f23ddafc5
```

u_2 :

```
X = 0x66defd2a42f0efe38ed3d4a4dfbed6b86d40f4adf156c86fee1605dbf6b057b1
2fe82a0be48237f7215b5110673e02e3bf44f0ae26630005fcd9f01473127eb
Y = 0x36168c6d20c9514556ab442bf63ded0115346916ef45af7e5517f59205d1cc52
ae2e72c3036f13cab7de12932e4a3acd0789f5e2474ff722b81334676c8a3371
```

При обработке сообщения u_2 и выработке ключа на стороне A значение K_A равно:

K_A :

d5 90 e0 5e f5 ae ce 8b 7c fb fc 71 be 45 5f 29
a5 cc 66 6f 85 cd b1 7e 7c c7 16 c5 9f f1 70 e9

При формировании сообщения $MAC_A = HMAC(K_A, 0x01 \parallel ID_A \parallel ind \parallel salt \parallel u_1 \parallel u_2)$ на стороне A получаем следующее значение:

MAC_A :

9e c1 a8 74 93 b2 87 c9 ca c3 da c2 a2 d7 1b 82
8d c5 97 7c b0 03 93 42 c1 5a cd fb 66 c8 cf 89

Значение $MAC_B = HMAC(K_B, 0x02 \parallel ID_B \parallel ind \parallel salt \parallel u_1 \parallel u_2)$ на стороне B равно:

MAC_B :

a9 b2 f1 9b d9 c1 fd 0f 0c ab fd 09 52 94 c6 e6
3c d5 9f 12 cf 8e fd 01 12 46 0d b7 aa 20 bb 6e

Б.6 Кривая id-tc26-gost-3410-2012-256-paramSetA

В данном примере входные параметры протокола принимают следующие значения:

$N = 3$

$ind = 1$

ID_A :

00 00 00 00

ID_B :

00 00 00 00

PW :

31 32 33 34 35 36 ('123456')

$salt$:

29 23 be 84 e1 6c d6 ae 52 90 49 f1 f1 bb e9 eb

Q_{ind} :

$X = 0x5161b08a973d521bdde0cbd45b68aa0470e1058dd936e5bd618fd3373770eed9$
 $Y = 0xc1633db551677c62b9c2b69d47e503c0f8ca83b6b3109dece0a5f985d77a83a7$

Функция $F(PW, salt, 2000)$ при этом принимает следующее значение:

$F(PW, salt, 2000)$:

bd 04 67 3f 71 49 b1 8e 98 15 5b d1 e2 72 4e 71
d0 09 9a a2 51 74 f7 92 d3 32 6c 6f 18 12 70 67

Координаты точки Q_{PW} равны:

$X = 0xa0fd0bcfaa07f640c802aa95f42e80b28bb758fbc7ee2aca2cc0a615b567207$
 $Y = 0x52cf0c960f362894bd097d198999e965bd940c7828e0d2ad38a0097f68135047$

При формировании сообщения u_1 на стороне A параметр α , точка αP и сформированное сообщение u_1 принимают следующие значения:

$\alpha = 0x147b72f6684fb8fd1b418a899f7dbecaf5fce60b13685baa95328654a7f0707f$

αP :

$X = 0x33fbac14eae538275a769417829c431bd9fa622b6f02427ef55bd60ee6bc2888$
 $Y = 0x22f2ebcf960a82e6cdb4042d3dda511b2fba925383c2273d952ea2d406eae46$

u_1 :

$X = 0x8e8929226c7f679ea8c2dfb833d1f8062d62a9672493df02ad7462014c0edbc6$
 $Y = 0x20f2382c2425aaa638f61e8b70fcf70dae6bcb2f9f341b33ae577c62395aa816$

При обработке сообщения u_1 , выработке ключа K_B и сообщения u_2 на стороне B параметры β , src , $K_B = H_{256}(src)$, βP и u_2 принимают следующие значения:

$\beta = 0x30d5cfadaa0e31b405e6734c03ec4c5df0f02f4ba25c9a3b320ee6453567b4cb$

src:

a3 39 a0 b8 9c ef 1a 6f fd 4c a1 28 04 9e 06 84
df 4a 97 75 b6 89 a3 37 84 1b f7 d7 91 20 7f 35
11 86 28 f7 28 8e aa 0f 7e c8 1d a2 0a 24 ff 1e
69 93 c6 3d 9d d2 6a 90 b7 4d d1 a2 66 28 06 63

K_B :

7d f7 1a c3 27 ed 51 7d 0d e4 03 e8 17 c6 20 4b
c1 91 65 b9 d1 00 2b 9f 10 88 a6 cd a6 ea cf 27

βP :

$X = 0x2b2d89fab735433970564f2f28cfa1b57d640cb902bc6334a538f44155022cb2$
 $Y = 0x10ef6a82eef1e70f942aa81d6b4ce5dec0ddb9447512962874870e6f2849a96f$

u_2 :

$X = 0x47182ed8f018fa93a5d837e52724af6051c168ef15e4a40fe926473bc3f1032a$
 $Y = 0x97f3e1e674da53b0ec3ebb1a62a25c7424f4334950daec4d33045f78d9faeeb4$

При обработке сообщения u_2 и выработке ключа на стороне А значение K_A равно:

K_A :

7d f7 1a c3 27 ed 51 7d 0d e4 03 e8 17 c6 20 4b
c1 91 65 b9 d1 00 2b 9f 10 88 a6 cd a6 ea cf 27

При формировании сообщения $MAC_A = HMAC(K_A, 0x01 \parallel ID_A \parallel ind \parallel salt \parallel u_1 \parallel u_2)$ на стороне А получаем следующее значение:

MAC_A :

f5 69 f6 e7 68 9e f0 ba 08 46 98 cc 0e bc ac 59
67 8c 93 26 af 21 f5 4d 3e 90 05 29 32 6b 41 ee

Значение $MAC_B = HMAC(K_B, 0x02 \parallel ID_B \parallel ind \parallel salt \parallel u_1 \parallel u_2)$ на стороне В равно:

MAC_B :

80 d5 f0 3b 48 22 37 76 43 b4 ff 92 05 dd ed b1
9f 22 80 1f b4 de 0b fb e0 74 55 c2 54 32 45 1e

Б.7 Кривая id-tc26-gost-3410-2012-512-paramSetC

В данном примере входные параметры протокола принимают следующие значения:

$N = 3$

$ind = 1$

ID_A :

00 00 00 00

ID_B :

00 00 00 00

PW :

31 32 33 34 35 36 ('123456')

$salt$:

29 23 be 84 e1 6c d6 ae 52 90 49 f1 f1 bb e9 eb

Q_{ind} :

$X = 0x5b065ead2e94de0ee2e462de204c93c6b2bf3498ad920393cb60259e1a8ffc7c$
 $7e7d4defa20ff4282abf70207e4611d532f40db6800e29d2b53f6ac0713e5b38$
 $Y = 0xa39a28c59ff7f796b85223b8834384907c626086415487288ed1182ca4487dc1$
 $ae5f37af90fd267b7c0dc8542ea52cd984af54731bc84271d6186d973c91359b$

Функция $F(PW, salt, 2000)$ при этом принимает следующее значение:

$F(PW, salt, 2000)$:

bd 04 67 3f 71 49 b1 8e 98 15 5b d1 e2 72 4e 71
d0 09 9a a2 51 74 f7 92 d3 32 6c 6f 18 12 70 67
1c 62 13 e3 93 0e fd da 26 45 17 92 c6 20 81 22
ee 60 d2 00 52 0d 69 5d fd 9f 5f 0f d5 ab a7 02

Координаты точки Q_{PW} равны:

$X = 0x463e9d38239ddac18e7cc7f6caa7244ae5c49d58dcdf6a56510d7779496744d$
 $75e3e0d5795d4e603f7baea8d24ada989d4179e1db33d1912602fc59470192df$
 $Y = 0x088874b12c160930aa840f046ee75fa86206f19ca5f431d81e2381d6d947b7b0$
 $30577e40f09b1c16f8e6ef84daddba028f8b6e397a27ece0e13197662659af4d$

При формировании сообщения u_1 на стороне А параметр α , точка αP и сформированное сообщение u_1 принимают следующие значения:

$\alpha = 0x0b3fe942126aefc0287f82c6290505aeb117aa8dcb033cee56222dd1b9f9e1e5$
 $377583ba300211ec2c399546b4f54578ee925c238d52530c159c7034ccfa0ddd$

αP :

$X = 0x61427a12468974b5829de1263d91fd8e26ea337c6c223595e05b4da4f8fe93$
 $2b532f33c0f4631729422c04f7018a7bf619c026ef0edc4ba2a96b79397eba92$
 $Y = 0x6833806e26791ef1dd01e60c10cc247173b97d7d8d7fea53de4a8a6a444bacc7$
 $042bf35394aef4cfde0f236788f2e9fca9e10f7d7fee54fff951ae17996808c1$

u_1 :

$X = 0x03664ef83e51beaec1f11711f8742b180001c7734a715e4a693758acd9851b38$
 $c6d7e0a316d809b75694ae1b356951a93c91a9b85aa3e3a561742211fd238852$
 $Y = 0x2b92fa93fab060fa86c3039eb2904bc18cbe45032dc3c93ce1c6ba1542a29e0d$
 $790a57b63928ed9e50d1fef6bd00ade4eb021bc62a560567a3419e74dfc08a$

При обработке сообщения u_1 , выработке ключа K_B и сообщения u_2 на стороне В параметры β , src , $K_B = H_{256}(src)$, βP и u_2 принимают следующие значения:

$\beta = 0x0d494d54fb777781d1324ed6088bb0d9d86b8b0a252aa6a3ee70af8ef44b87a6$
 $4cea3a432b61a699bad2d9760d700c2891b6285be0b0bb90f16a40a9b2e0e36a$

src :

c2 a3 1a 15 08 52 8a fb 70 be d5 7a 3a 97 9a 3a
8c ed 00 2f 1b 05 8f 99 cb ee 64 56 5c cb ae 42
c5 80 b1 39 18 04 b3 e3 34 d0 2f 70 55 18 ef 16
b7 cf 0e 79 91 76 6f 7e 22 81 f2 87 b1 df cd 34
5c 56 04 ef 1d 9a 8e b8 27 3f 2e 7a 3b fb a4 13
ad 7f 19 59 99 41 f8 f6 73 63 2b e1 43 b1 65 7f
d3 3a 3a de 7d 9f 71 6c e4 0c b5 9e 9d dd a5 0d
db 87 66 57 e7 37 8f f1 55 94 fc 7a 9e 4b 03 48

K_B :

84 14 e1 12 6c 56 a1 1e 1f 5e a0 b7 c3 bd ab e9
8b 26 8b 59 d4 08 f9 7c d0 ea d7 c2 7e e4 9c 15

βP :

$X = 0xe247677c90ac3c74952c70da0d43f25ece4ac22eda732f7ddd772de7c3e69b22$
 $f7679cc01cae009e442c630c7aa9403a9f11e0fb62cf7af84e77b95210a17edd$
 $Y = 0x63be6dc920e57cb1c5b63fd8b623db6c934b87e0b14468de32c9387515cf3d35$
 $618e945a986424708ef0515ccaa30061ac6870ab56c29c43340736a6c6179c2e$

u_2 :

$X = 0x32260df3ddeabaa9c5c1f55248e8e9a3552cefb81a19f0ac1e10f3b7280a844c$
 $5362b527da1c6ec7eeace2a77aa1167f5e18a4bb6bc6445b4f479ca239245002$
 $Y = 0x04e0612a0c8cd4323535899d0698dd09bb9fc4302016f1b236c86692358ffd98$
 $1cd082c0129763bd4749ee5bb014255d1de0fd7775decbb564213ebc7100001d$

При обработке сообщения u_2 и выработке ключа на стороне А значение K_A равно:

K_A :

84 14 e1 12 6c 56 a1 1e 1f 5e a0 b7 c3 bd ab e9
8b 26 8b 59 d4 08 f9 7c d0 ea d7 c2 7e e4 9c 15

P 50.1.115—2016

При формировании сообщения $MAC_A = HMAC(K_A, 0x01 \parallel ID_A \parallel ind \parallel salt \parallel u_1 \parallel u_2)$ на стороне *A* получаем следующее значение:

MAC_A :

53 0b 77 63 c5 9e 7c 98 52 59 ad eb af a4 16 41
c6 f4 35 47 85 01 bd c9 7e a9 cf 88 a6 9a 12 8c

Значение $MAC_B = HMAC(K_B, 0x02 \parallel ID_B \parallel ind \parallel salt \parallel u_1 \parallel u_2)$ на стороне *B* равно:

MAC_B :

3f 48 65 b8 8c 81 e5 ac 56 1e 31 c1 b3 d1 d9 0c
57 e1 e7 4b ac 77 b1 63 ac 60 74 82 4e 99 d3 cc

УДК 681.3.06:006.354

ОКС 35.040

ОКСТУ 5002

П85

Ключевые слова: криптографические протоколы, аутентификация, пароль, ключ

Редактор *Е.С. Смышляева*
Технический редактор *В.Ю. Фотиева*
Корректор *Л.Я. Митрофанова*
Компьютерная верстка *Е.А. Кондрашовой*

Сдано в набор 05.12.2016. Подписано в печать 22.12.2016. Формат 60×84¹/₈. Гарнитура Ариал.
Усл. печ. л. 3,26. Уч.-изд. л. 2,93. Тираж 26 экз. Зак. 3259.

Подготовлено на основе электронной версии, предоставленной разработчиком стандарта

Издано и отпечатано во ФГУП «СТАНДАРТИНФОРМ», 123995 Москва, Гранатный пер., 4.
www.gostinfo.ru info@gostinfo.ru